УДК 572.783

## ОПТИЧЕСКАЯ БИСТАБИЛЬНОСТЬ ПОЛЯ ДИРЕКТОРА НЕМАТИЧЕСКОГО ЖИДКОГО КРИСТАЛЛА, ЛЕГИРОВАННОГО ДЕНДРИМЕРАМИ

Э.А. Бабаян, И.А. Будаговский, А.С. Золотько, М.П. Смаев, С.А. Швецов, Н.И. Бойко<sup>1</sup>, М.И. Барник<sup>2</sup>

> Установлено, что карбосилановые дендримеры второй генерации со статистически распределенными терминальными алифатическими и азобензольными фрагментами индуцируют в нематических жидких кристаллах (НЖК) отрицательную ориентационную нелинейность (директор НЖК поворачивается перпендикулярно световому полю, уменьшая показатель преломления необыкновенной волны). Светоиндуцированный переход Фредерикса в планарно ориентированном НЖК является ориентационным фазовым переходом первого рода, характеризующимся широкой областью бистабильности.

Ключевые слова: жидкие кристаллы, светоиндуцированная ориентация, фазовые переходы, оптическая бистабильность.

1. Введение. В [1] было теоретически показано, что светоиндуцированный переход Фредерикса в прозрачном гомеотропно ориентированном НЖК под действием необыкновенной световой волны может быть ориентационным фазовым переходом первого рода. Однако необходимым условием для этого является очень большая анизотропия оптических и упругих свойств; к настоящему времени такой чисто оптический ориентационный переход первого рода в прозрачных НЖК не наблюдался. В [2–7] были теоретически исследованы и экспериментально реализованы светоиндуцированные ориентационные переходы в НЖК в присутствии внешних магнитных и электрических полей. В настоящем кратком сообщении исследовано взаимодействие света с НЖК, легированными карбосилановыми дендримерами второй генерации со статистически распределенными терминальными алифатическими и азобензольными фрагментами, и

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, химический факультет. <sup>2</sup> Институт кристаллографии им. А.В. Шубникова РАН.

установлено, что светоиндуцированный переход Фредерикса в планарно ориентированном образце является фазовым переходом первого рода.

2. Экспериментальные образцы и условия эксперимента. Исследования проводились с гомеотропно и планарно ориентированными образцами жидкокристаллической матрицы ЖКМ-1277, легированной дендримерами второй генерации (0.15% по весу). Матрица ЖКМ-1277 является смесью цианобифенилов и сложных эфиров и обладает нематической фазой в широком интервале температур от -20 до 60 °C. Дендримеры содержали 8 алифатических децильных и 8 мезогенных пропоксиазобензольных терминальных групп (рис. 1). Синтез и свойства дендримеров описаны в [8]. Толщина жидкокристаллических ячеек составляла L = 100 мкм.

Световой пучок твердотельного лазера LCS-DTL-364 (Laser Export) с длиной волны  $\lambda = 473$  нм фокусировался в жидкокристаллическую ячейку линзой с фокусным расстоянием f = 18 см. Поляризация светового пучка была горизонтальна; плоскость жидкокристаллических слоев – вертикальна. Угол  $\alpha$  падения света на кристалл мог изменяться вращением кюветы с НЖК вокруг вертикальной оси; при этом невозмущенный директор  $\mathbf{n}_0$  планарно ориентированного образца располагался в горизонтальной плоскости. Для описанной выше геометрии эксперимента и в гомеотропной, и в планарной ячейках возбуждалась необыкновенная световая волна.



Рис. 1: Схематическое изображение дендримера второй генерации со статистическим распределением децильных и азобензольных концевых групп.

Светоиндуцированная переориентация директора сопровождается эффектом самовоздействия светового пучка: на экране, помещенном за кристаллом, наблюдается система аберрационных колец. Число колец N пропорционально величине светоиндуцированного изменения показателя преломления  $\Delta n$ , которое однозначно связано с углом поворота директора [9]. Характер трансформации аберрационной картины при быстром сдвиге жидкокристаллической ячейки перпендикулярно световому пучку позволяет определить знак  $\Delta n$  [10].



Рис. 2: Экспериментальная зависимость числа N аберрационных колец самодефокусировки в поперечном сечении светового пучка ( $\alpha = 50^{\circ}$ ,  $\lambda = 473$  нм), прошедшего через (1) гомеотропную и (2) планарную ячейки ЖКМ-1277 с примесью 0.15% дендримеров второй генерации.

3. Экспериментальные результаты. При наклонном падении светового пучка на гомеотропную и планарную жидкокристаллические ячейки наблюдалась его аберрационная самодефокусировка. Характерное время установления стационарной аберрационной картины (десятки секунд) указывает на ориентационную природу самовоздействия (показатель преломления необыкновенной волны уменьшается из-за светоиндуцированного поворота директора перпендикулярно световому полю). Зависимости числа колец N от мощности светового пучка P для  $\alpha = 50^{\circ}$  представлены на рис. 2. Из рис. 2 видно, что в области насыщения число аберрационных колец для планарной ячейки N = 32 значительно больше, чем для гомеотропной N = 8. Такое соотношение как раз характерно для отрицательной нелинейности [11].

При нормальном падении светового пучка на планарную ячейку наблюдался гистерезис поля директора. Соответствующая зависимость числа аберрационных колец самодефокусировки N от P представлена на рис. 3. При увеличении мощности вплоть до значения  $P = P_{\text{th1}} = 37$  мВт аберрационная картина не наблюдалась. При  $P = P_{\text{th1}}$ скачком возникала аберрационная картина с числом колец  $N_1 = 35$ ; в дальнейшем, при увеличении P до 40 мВт, число колец возрастало до 36. При уменьшении мощности до значения  $P_{\text{th2}} = 22$  мВт  $< P_{\text{th1}}$  величина N монотонно уменьшалась до  $N_2 = 19$ . При  $P < P_{\text{th2}}$  аберрационная картина схлопывалась.

Таким образом, светоиндуцированный переход Фредерикса в планарной жидкокристаллической ячейке является фазовым переходом первого рода. В достаточно широком интервале значений мощности светового пучка  $P_{\rm th2} < P < P_{\rm th1}$  существует бистабильность поля директора. Относительная ширина области бистабильности  $\Delta = (P_{\text{th}1} - P_{\text{th}2})/P_{\text{th}1} = 0.4$  на порядок превышает соответствующую величину для оптических переходов первого рода (не связанных с поперечной неоднородностью поля директора) в присутствии дополнительных полей [2–5].

4. Обсуждение экспериментальных результатов. Ориентирующее воздействие светового поля **E** на поглощающие свет жидкокристаллические системы определяется эффективной оптической анизотропией Δε<sub>eff</sub> (параметром, зависящим от межмолекулярного взаимодействия и пространственной корреляции молекул [12, 13]), входящей в выражение для плотности вращающего момента

$$\vec{\Gamma}_{\rm opt} = \frac{\Delta \epsilon_{\rm eff}}{4\pi} (\mathbf{n} \mathbf{E}) [\mathbf{n} \times \mathbf{E}], \tag{1}$$

где **п** – директор НЖК. Соотношение (1) аналогично известному выражению для плотности вращающего момента, действующего на прозрачный НЖК, в которое входит обычная оптическая анизотропия  $\Delta \epsilon$ . Если  $\Delta \epsilon_{\text{eff}} = \text{const}$ , то бистабильность директора отсутствует (подобно тому, как она отсутствует в случае обычного перехода Фредерикса в низкочастотных полях). Однако для дендримеров (как и для других конформационно активных азосоединений [12])  $\Delta \epsilon_{\text{eff}}$  зависит от угла  $\psi$  между **E** и **n**. Так, для дендримеров первой генерации эффективная оптическая анизотропия  $\Delta \epsilon_{\mathrm{eff}} > 0$  при  $\psi = 0$ и уменьшается до отрицательных значений при возрастании  $\psi$  [14]. Для дендримеров второй генерации, изучаемых в настоящей работе,  $\Delta \epsilon_{\text{eff}} < 0$  независимо от угла  $\psi$ . Естественно предположить, что уменьшение  $\Delta \epsilon_{\text{eff}}$  (возрастание  $|\Delta \epsilon_{\text{eff}}|$ ) при увеличении *ψ* сохраняется и для дендримеров второй генерации. Тогда возникновение бистабильности можно представить себе следующим образом. При увеличении мощности светового пучка при  $P = P_{\text{th1}}$  происходит переход Фредерикса – невозмущенное поле директора  $\mathbf{n} = \mathbf{n}_0$  становится неустойчивым и угол  $\psi$  начинает возрастать. За счет положительной обратной связи, обусловленной зависимостью  $\Delta \epsilon_{\mathrm{eff}}(\psi)$ , стационарное значение  $\psi$ достаточно велико. При уменьшении P величина  $|\Delta \epsilon_{\text{eff}}|$ , соответствующая деформированному полю директора, больше чем  $|\Delta \epsilon_{\text{eff}}(\psi = 0)|$ . Поэтому деформация директора сохраняется в некотором интервале значений мощности  $P_{\text{th}2} < P < P_{\text{th}1}$ .

Для количественного описания бистабильности поля директора исходим из уравнения для переориентации директора НЖК в планарно ориентированной ячейке [7]. В декартовой системе координат, ось X которой параллельна невозмущенному директору **n**<sub>0</sub>, а ось Y перпендикулярна жидкокристаллическому слою, это уравнение имеет вид

$$\frac{\partial \psi}{\partial \tau} = \frac{\partial^2 \psi}{\partial \eta^2} + \delta \sin \psi \cos \psi, \qquad (2)$$

49

где  $\psi$  – угол поворота директора в плоскости XY относительно оси X,  $au = t/ au_0$  – без-

номер 8, 2010 г.

размерное время,  $\eta = \pi y/L$  – безразмерная координата,  $\tau_0 = \gamma_1 L^2/\pi^2 K$ ,  $\gamma_1 = \alpha_2 - \alpha_3 -$ коэффициент вращательной вязкости,  $\alpha_2$  и  $\alpha_3$  – коэффициенты Лесли, K – упругая постоянная,  $\delta = \Delta \epsilon_{\rm eff} |A|^2 L^2/8\pi K$  – безразмерная плотность мощности световой волны,  $|A|^2$  – усреднённый по времени квадрат амплитуды светового поля. Аппроксимируем зависимость эффективной диэлектрической анизотропии от угла  $\psi$  простым выражением

$$\Delta \epsilon_{\rm eff} = -\Delta \epsilon_{\rm eff}^{(1)} - \Delta \epsilon_{\rm eff}^{(2)} \sin^2 \psi, \qquad (3)$$

где  $\Delta \epsilon_{\rm eff}^{(1)}$  и  $\Delta \epsilon_{\rm eff}^{(2)}$  – положительные параметры. В соответствии с граничными условиями для планарной ориентации директора НЖК положим

$$\psi(\tau,\eta) = \psi_m(\tau)\sin\eta,\tag{4}$$

где  $\psi_m(\tau)$  – максимальный угол поворота директора, достигаемый при y = L/2. Подставляя (3) и (4) в (2), домножая полученное соотношение на  $\sin \eta$  и интегрируя по объему НЖК, получаем

$$\frac{\partial \psi_m}{\partial \tau} = -\psi_m + \delta_p \left[ J_1(2\psi_m) + \frac{m}{2} (J_1(2\psi_m) - \frac{1}{2} J_1(4\psi_m)) \right],\tag{5}$$

где  $m = \Delta \epsilon_{\text{eff}}^{(2)} / \Delta \epsilon_{\text{eff}}^{(1)}$ .

При любом значении параметра m уравнение (5) имеет тривиальное стационарное решение  $\psi_m = 0$ , устойчивое при  $\delta_p < 1$  и неустойчивое при  $\delta_p > 1$ . Устойчивые и неустойчивые нетривиальные решения показаны на рис. 4 сплошными и штриховыми линиями. Как видно из рис. 4, при m > 0.8 возникает оптическая бистабильность поля директора. Экспериментальному значению ширины области бистабильности  $\Delta = 0.4$ соответствует значение m = 3.6.

Число аберрационных колец равно [9]

$$N = \Delta S_{\rm NL} / 2\pi, \tag{6}$$

где

$$\Delta S_{\rm NL} = \frac{kL}{\pi} \int_{0}^{\pi} |\Delta n(\eta)| d\eta \tag{7}$$

 – нелинейный набег фазы, |\Delta n(\eta)| – модуль светоиндуцированного изменения показателя преломления. Используя известную формулу для показателя преломления необыкновенной волны

$$n_e(\psi) = \frac{\sqrt{\epsilon_\perp \epsilon_\parallel}}{\sqrt{\epsilon_\perp \cos^2 \psi + \epsilon_\parallel \sin^2 \psi}}$$
(8)

50



Рис. 3: (1) Экспериментальные зависимости числа аберрационных колец самодефокусировки N в поперечном сечении светового пучка, прошедшего через планарно ориентированную ячейку ЖКМ-1277 с примесью 0.15% дендримеров второй генерации, от мощности светового пучка P, полученные при увеличении (►) и уменьшении (<) P. Кривые (2, 3): теоретические зависимости, построенные согласно формулам (13) (2) и (11) (3).

и учитывая малость величины 
$$\delta n = \frac{\epsilon_{\parallel}^{1/2} \Delta \epsilon}{2\epsilon_{\perp}}$$
, находим $\Delta n = \delta n \sin^2 \psi.$  (9)

Из (6)-(9) получаем выражение для числа аберрационных колец

$$N = \frac{N_0}{\pi} \int_0^{\pi} \sin^2 \psi d\eta, \tag{10}$$

где  $N_0 = \delta n L / \lambda$ .

Подставляя (4) в (10), находим

$$N = \frac{N_0}{2} (1 - J_0(2\psi_m)). \tag{11}$$

Зависимость N(P), рассчитанная согласно (11) и (5) для m = 3.6, показана на рис. 3 жирной линией. При расчете мы полагали, что значение  $\delta_p = 1$  соответствует  $P_{\text{th1}} =$ 37 мВт. Характер рассчитанной зависимости N(P) хорошо соответствует экспериментальным данным, однако рассчитанное число колец при  $P = P_{\text{th1}} = 37$  мВт оказалось на 20% меньше экспериментального.



Рис. 4: Рассчитанные зависимости угла  $\psi_m$  поворота директора в середине (y = L/2) планарной жидкокристаллической ячейки от нормированной плотности мощности световой волны  $\delta_p$  при различных значениях параметра т: (1) 0, (2) 0.8, (3) 2, (4) 3, (5) 3.6, (6) 6. Сплошные участки кривых соответствуют устойчивым состояниям, штриховые участки – неустойчивым.

Несколько заниженное число аберрационных колец, возможно, связано с тем, что проведенное выше рассмотрение целиком базировалось на гармонической аппроксимации (4) поля директора. В то же время, при больших (близких к  $\pi/2$ ) значениях угла  $\psi_m$  поле деформации директора отличается от гармонического. Для оценки влияния этого эффекта воспользуемся точным уравнением для поля директора при больших  $\psi_m$  [15]:

$$\frac{2}{\pi}\eta = F_1(\psi)/F_1(\psi_m),$$
(12)

где  $F_1(\psi) = \int_0^{\psi} \frac{dx}{\sqrt{\cos 2x - \cos 2\psi_m}}$ . В этом случае, как следует из [10],  $N = \frac{N_0}{F_1(\psi_m)} \int_0^{\psi_m} \frac{\sin^2 \psi d\psi}{\sqrt{\cos 2\psi - \cos 2\psi_m}}.$ (13)

Зависимость N(P), рассчитанная с использованием (13), представлена на рис. 3 тонкой линией. Она дает лучшее согласие с экспериментом, чем (11). Подчеркнем, однако, что использование (13) вместо (11) не является строго обоснованным, т.к. расчет стационарных амплитуд с использованием (5) основан на гармонической зависимости (4). 5. Заключение. Итак, в настоящей работе экспериментально наблюдался светоиндуцированный ориентационный переход первого рода в нематическом жидком кристалле, легированном дендримерами. Переход сопровождается бистабильностью поля директора в достаточно широкой области мощностей светового пучка. Предложена простая модель этого эффекта.

Авторы благодарны А.Ю. Бобровскому, В.Н. Очкину и В.П. Шибаеву за полезные обсуждения. Работа поддержана РФФИ (проекты 08-02-01382, 08-03-00481 и 09-02-12216), грантом Президента РФ МК-699.2009.2 (М.П.С.), программой поддержки молодых учёных Президиума РАН (И.А.Б. и М.П.С.), ФЦП "Научные и научнопедагогические кадры инновационной России", Г.К. № 02.740.11.0447.

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Hiap Liew Ong, Phys. Rev. A 28, 2393 (1983).
- [2] A. J. Karn, S. M. Arakelian, Y. R. Shen, and H. L. Ong, Phys. Rev. Lett. 57, 448 (1986).
- [3] Shu-Hsia Chen, J. J. Wu, Appl. Phys. Lett. **52**, 1998 (1988).
- [4] J. J. Wu, Gan-Sing Ong, and Shu-Hsia Chen, Appl. Phys. Lett. 53, 1999 (1989).
- [5] J. J. Wu and Shu-Hsia Chen, J. Appl. Phys. 66, 1065 (1989).
- [6] А. С. Золотько, М. П. Смаев, В. Ф. Китаева, М. И. Барник, Краткие сообщения по физике ФИАН, № 3, 7 (2004).
- [7] А. С. Золотько, М. П. Смаев, В. Ф. Китаева, М. И. Барник, Квантовая электроника 34, 1151 (2004).
- [8] А. И. Лысачков, Н. И. Бойко, Е. А. Ребров и др., Известия Академии наук. Серия химическая, № 12, 2325 (2007).
- [9] А. С. Золотько, В. Ф. Китаева, Н. Н. Соболев, А. П. Сухоруков, ЖЭТФ 81, 933 (1981).
- [10] V. F. Kitaeva, A. S. Zolot'ko, and M. I. Barnik, Mol. Materials **12**, 271 (2000).
- [11] A. S. Zolot'ko, A. S. Averyushkin, V. F. Kitaeva, et al., Mol. Cryst. Liq. Cryst. 451, 41 (2006).
- [12] И. А. Будаговский, А. С. Золотько, В. Н. Очкин и др., ЖЭТФ 133, 204 (2008).
- [13] А. С. Золотько, Письма в ЖЭТФ 68, 410 (1998).

- [14] I. A. Budagovsky, V. N. Ochkin, M. P. Smayev, A. S. Zolot'ko, et al., Liq. Cryst. 36, 101 (2009).
- [15] S. I. Ben-Abraham, Phys. Rev. A 14, 1251 (1976).

Поступила в редакцию 4 декабря 2009 г.