

# СВОЙСТВА СОСТОЯНИЙ ПРИМЕСЕЙ ТРЕТЬЕЙ ГРУППЫ В ПОЛУПРОВОДНИКАХ $A_4B_6$

В.С. Виноградов

*Предлагается новая модель состояний примесей 3 группы в полупроводниках  $A_4B_6$ . Объясняется различие в поведении In и Tl в PbTe. Обсуждается сверхпроводимость в PbTe(Tl).*

Примесные уровни в полупроводниках  $A_4B_6$  располагаются в разрешенных зонах. С наличием этих резонансных уровней связывают такие явления, как фиксация уровня Ферми и долговременная релаксация ( $PbTe(In)$ ), сверхпроводимость ( $PbTe(Tl)$ ,  $SnTe(In)$ ) /1/, изменение знака заряда в примесной зоне  $Pb_{1-x}Sn_xSe$  /2/ и др.

Модели состояний примесей 3 группы предложены в /3–5/, однако модели /3, 4/ требуют почти точной компенсации двух больших величин (потенциалов ионизации или их разности и кулоновской энергии) для целого набора примесей (Al, Ga, In, Tl), что маловероятно. Эти модели также не учитывают эффектов зонной структуры. Модель /5/ для  $PbTe(In)$  предполагает замещение Te на In и дает наполовину заполненный p-уровень в зоне проводимости. Это противоречит эксперименту /1/, который свидетельствует, что In и Tl вводят в PbTe наполовину заполненные синглетные уровни.

В данной работе предлагается новая модель состояний примесей 3 группы, основывающаяся на результатах /6/, где потенциал производимого примесью возмущения  $V_d(r)$  аппроксимируется суммой семи  $\delta$ -функций, расположенных симметрично в точках, где произведение  $V_d(r)$  на плотность валентных электронов в кристалле максимально. Потенциал  $V_d(r) > 0$  отцепляет от зон среди прочих два состояния s-симметрии:  $\sigma$  – от s-зоны Pb, S (симметричная комбинация шести p-функций Te) – от валентных p-зон (рис. 1).

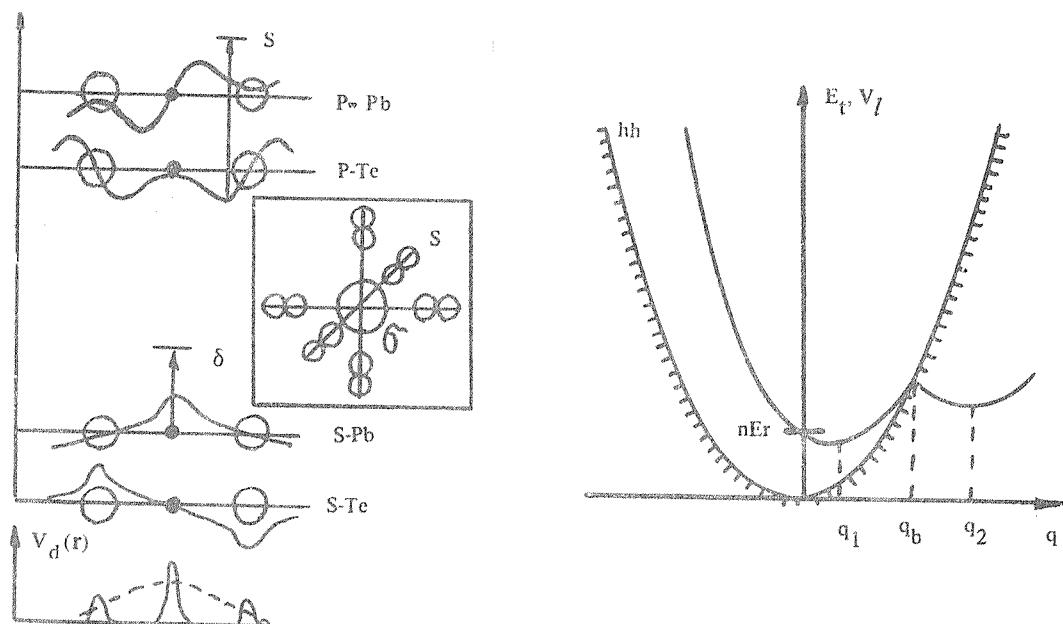


Рис. 1. Схема зонной структуры PbTe. Волновые функции примесных состояний  $\sigma$  и S (вставка).

Рис. 2. Конфигурационные кривые для потолка зоны тяжелых дырок  $V_l(q)$  и резонансного уровня  $E_r(q)$ .

В /3, 4/ считалось, что состоянием In в PbTe является  $\sigma$ . В данной работе предполагается, что таковым является S. Одним из аргументов в пользу такого выбора является то, что интервал значений  $V_d$ , при которых уровни располагаются вблизи щели, для состояния S значительно более широк, чем для состояния  $\sigma$  (из-за сильного взаимодействия S с валентными р-зонами)\*.

Синглетный уровень может также возникать из-за расщепления спин-орбитальным взаимодействием состояния р-симметрии /6/, однако при этом возникают трудности, связанные с описанием барьеров и долговременной релаксации.

Предложенная модель используется для объяснения различия в поведении примесей In и Tl в PbTe, которое характеризуется следующими фактами. 1) Долговременная релаксация и отсутствие резонансного рассеяния на уровне при  $T < 20$  К в PbTe (In). 2) Отсутствие долговременной релаксации, сверхпроводимость при  $T \lesssim 2$  К, резонансное рассеяние при  $T > T_c$  в PbTe (Tl).

В /7/ это различие объясняется тем, что в PbTe (In)  $\Delta E/2 > \gamma$  ( $\Delta E$  – разница энергий пустого и заполненного состояний (полярный сдвиг),  $\gamma$  – ширина уровня) и происходит фазовый переход с изменением валентности первого рода. В PbTe (Tl), наоборот,  $\Delta E/2 < \gamma$ , и происходит переход второго рода с захватом уровня Tl на уровень Ферми. В PbTe (In)  $\Delta E \sim 0,2$  эВ, т.е. требуемое неравенство выполняется. В PbTe (Tl) из эксперимента  $\gamma \sim 0,02$  эВ и должно быть  $\Delta E \sim 0,04$  эВ. Остается непонятной большая разница в  $\Delta E$  для In и Tl.

Чтобы это понять, надо учесть различие в характере взаимодействия состояний In и Tl с решеткой. В случае In волновая функция уровня  $\psi_r$  ортогональна волновой функции края зоны проводимости, т.е.  $(\psi_r \psi_c) = 0$ . Как показано в /6, 8/, в этом случае зависимости энергий дна зоны  $V_l(q)$  и уровня  $E_t(q)$  ( $E_t(q) = E(q) + V_l(q)$ ,  $E(q) = E_r - cq$ ,  $V_l = kq^2/2$ ) от конфигурационной координаты  $q$  имеют обычный вид двух пересекающихся парабол. Между минимумами парабол возникает барьер, являющийся причиной долговременной релаксации. Так как расстояния уровня до ближайших экстремумов валентных зон меньше их ширин, то при расчете  $\Delta E$  (но не  $E_r$ ) можно применять приближение эффективных масс. Оценка  $\Delta E$  таким способом дает величину  $\sim 0,2$  эВ, согласующуюся с экспериментальной.

В случае Tl из-за того, что максимумы зоны hh расположены в несимметричных точках зоны Бриллюэна,  $(\psi_r \psi_{hh}) \neq 0$  ( $E(q)$  линейна по  $q$  в зоне hh и квадратична в ее щели /8/), и конфигурационные кривые имеют совсем другой вид (рис. 2). В минимуме  $E_t(q)$  имеем:

$$E_t(q_1) = nE_r - n(E_r - E_{hh}) [nK_0 - \sigma_n(2 + \sigma_n)] / (nK_0 + 1).$$

Здесь  $n = 1, n = 2$  соответственно для одно- и двухэлектронного состояний;  $K_0$  – безразмерная константа электрон-фононного взаимодействия, например, для взаимодействия с акустическими фононами  $K_0 \sim \sim E_1^2 m_{hh} / \rho v_{\parallel}^2 \hbar^2 r^*$ , где  $E_1$  – потенциал деформации,  $m_{hh}$  – эффективная масса тяжелых дырок в одном максимуме,  $\rho$  – плотность,  $v_{\parallel}$  – скорость продольного звука,  $r^* \sim a$ ,  $a$  – постоянная решетки. Величина  $\sigma_2$  ( $\sigma_1 = 0$ ) описывает отталкивание двух электронов на центре. В случае  $a/k > \rho \equiv (2/\pi)^2 \ln 2$ , где  $k$  – константа экранирования,  $\hbar^2 a^2 (2m_{hh}) = E_r - E_{hh}$ ,  $\sigma_2 \sim \rho \pi^2 / 2aa_B(\omega)$ ,  $a_B(\omega) = \hbar^2 \epsilon(\omega) / e^2 m_{hh}$ . Диэлектрическая проницаемость  $\epsilon(\omega) \geq \epsilon_{\infty}$  и зависит от глубины полярной ямы. Вследствие неопределенности в константах величины  $K_0$ ,  $\sigma_2$  можно только оценить. При  $E_r - E_{hh} \sim \gamma \sim 0,02$  эВ\*\*\*,  $m_{hh} \sim 0,15m_0$ ,  $\epsilon_{\infty} = 40$ ,  $K_0 \sim 1$ ,  $\sigma_2 \lesssim 0,5$ . В этом случае  $\Delta E = |nE_r - E_{hh}(q_1)| \sim \gamma$ . Таким образом, из-за того, что зона hh "подпирает" резонансный уровень, становятся возможными захват двухэлектронных уровней на уровень Ферми и формирование зоны локализованных пар с большой плотностью состояний. Эта зона, наряду с

\* Уровни Al, Ga, In в PbTe располагаются в зоне проводимости, а уровень Tl – между максимумами зон легких (lh) и тяжелых (hh) дырок.

\*\* Вследствие того, что при  $(\psi_r \psi_{hh}) \neq 0$  функция Грина в уравнении для определения  $E_r$  при  $E \sim E_{hh}$  ( $E \geq E_{hh}$ ) резко зависит от энергии /8/, расположение  $E_r$  вблизи  $E_{hh}$  наиболее вероятно.

зоной свободных частиц ( $lh$ ), играет существенную роль в возникновении сверхпроводимости в  $PbTe(T)$  /9, 10/. Кроме этого, необходимо выполнение условия  $E_t(q_2) > E_t(q_1)$ . Если при этом  $E_t(q_b) > E_t(q_2)$ , то возможны релаксационные явления, однако заселение минимума  $E_t(q_2)$  оптическим путем затруднительно (рис. 2).

При двухзонной сверхпроводимости /9, 10/ важен механизм превращения локализованных пар в свободные и наоборот. Этот процесс может происходить под действием фононов или примесного потенциала. В последнем случае матричный элемент перехода  $V_{12}$  /10/ может быть оценен следующим образом. По формуле  $\gamma_n = [\text{Im } g_n / (\partial(\text{Re}g_n)/\partial E)]|_{E^{(n)}}$ , где  $g_n, E^{(n)}$  ( $E^{(1)} = E_r$ ),  $\gamma_n$  ( $n = 1, 2$ ) – функции Грина, энергии и ширины одно- и двухэлектронных состояний, можно рассчитать  $\gamma_1$  и  $\gamma_2$  и получить связь  $\gamma_2 = \pi \times X(\gamma_1 E^{(2)})^2 / 4E_m E_r (E_r - E_{hh})$  ( $E_m = \hbar^2 k_m^2 / (2m_{hh})$ ,  $k_m = (3/\pi)^{1/3} 2\pi/a$ ). Величину  $\gamma_2$  можно также рассчитать, используя формализм /10/. В итоге получим связь  $V_{12} = f(\gamma_1)$ . Если взять в качестве  $\gamma_1$  максимально допустимую величину  $\gamma_1 = \gamma \cong 0,03$  эВ /1/, то придем к выводу, что примесный потенциал не может обеспечить наблюдаемые  $T_c$ .

В случае взаимодействия с акустическими фононами  $|V_{12}| = E_1^2 / \rho v_{||}^2$ . Считая потенциалы деформации для внутри- и междолинных переходов одинаковыми, получим, что наблюдаемое  $T_c \cong 2$  К получается при  $E_1 = 15$  эВ. Это значение согласуется с данными /11/.

Выражаю глубокую благодарность А.П. Шотову за обсуждение.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Кайданов В.И., Равич Ю.И. УФН, **145**, 51 (1985).
2. Ицкевич Е.С. и др. Письма в ЖЭТФ, **43**, 303 (1986).
3. Драбкин И.А., Мойжес Б.Д. ФТИ, **15**, 625 (1981).
4. Weiser K. Phys. Rev., **B23**, 2741 (1981).
5. Lent C. S. et al. Sol. St. Comm., **61**, 83 (1987).
6. Виноградов В.С. Краткие сообщения по физике ФИАН, № 1, 6 (1987).
7. Shelankov A. L. Sol. St. Comm., **62**, 327 (1987).
8. Виноградов В.С. Краткие сообщения по физике ФИАН, № 9, 11 (1986).
9. Robaszkiewicz S., Micnas R., Ranninger J. Phys. Rev., **B36**, 180 (1987).
10. Мойжес Б.Я., Супрун С.Г. ФТГ, **29**, 441 (1987).
11. Das A. K., Nag B. R. J. Phys. Chem. Sol., **39**, 259 (1978).

Поступила в редакцию 23 марта 1988 г.