

ВОЗНИКНОВЕНИЕ АНИЗОТРОПИИ В УГЛОВОМ РАСПРЕДЕЛЕНИИ УХН ЗА СЧЕТ ПОГЛОЩЕНИЯ УХН СТЕНКАМИ ЛОВУШКИ

А.В. Антонов, Б.И. Горячев, А.И. Исаков, Н.В. Линькова

УДК 539.125.5

Методом Монте-Карло проведен анализ углового и пространственного распределений УХН в медной цилиндрической ловушке при различных условиях поглощения УХН в стенах ловушки.

В численных экспериментах, выполненных методом Монте-Карло, была замечена слабая анизотропия в угловом распределении УХН, обусловленная поглощением нейtronов в стенках ловушки /1/. В настоящей работе приводятся результаты численного эксперимента, в котором исследована зависимость такой анизотропии от величины $\eta = I_{\text{mu}}/Reu$, где u – оптический потенциал стенок ловушки. Соответствующая методика расчетов описана ранее /2, 3/. Параметры расчетов и закон отражения УХН от стенок ловушки те же, что в /3/. Параметр η принимал значения $7,5 \cdot 10^{-4}$, $3,73 \cdot 10^{-3}$, $7,6 \times 10^{-3}$, $1,95 \cdot 10^{-2}$. В результате время жизни УХН в ловушке τ_a изменялось от величины, типичной для экспериментов с медной ловушкой, до значения, близкого к времени релаксации τ_r , характеризующего скорость изотропизации углового распределения УХН под влиянием диффузного рассеяния нейtronов на стенках ловушки /3/. Программа численных расчетов предусматривала построение угловых распределений УХН по $\cos^2 \theta$ для всех поверхностей ловушки и временных спектров (по времени жизни нейtronов), начиная с минимального числа соударений нейtronов L_{\min} со стенками ловушки. Величина L_{\min} также варьировалась, принимая значения: 50, 100 и 200. В расчетах учитывалось влияние гравитации на траектории УХН и убыль нейtronов за счет бета-распада. При каждом наборе параметров η и L_{\min} для получения хорошей статистической точности прослеживалось от $6 \cdot 10^3$ до $1,5 \cdot 10^4$ историй нейtronов.

Типичные угловые распределения УХН на боковой поверхности цилиндрической ловушки при $L_{\min} = 100$ представлены на рис. 1. В отсутствие поглощения это распределение изотропно. При наличии поглощения возникает анизотропия в угловом распределении УХН, причем преобладают нейtrоны, падающие на боковую поверхность под малыми углами скольжения.

Для количественной характеристики анизотропии удобно ввести параметр $\xi = (\cos^2 \theta - 0,5) / 0,5 / 2$. Зависимость ξ от η дана на рис. 2. В пределах статистических ошибок функция $\xi(\eta)$ может быть аппроксимирована линейной зависимостью (прямая линия на рис. 2)

$$\xi = \xi_\eta \eta, \quad (1)$$

где $\xi_\eta = -(4,1 \pm 0,3)$ определено по методу наименьших квадратов.

Рис.1. Угловое распределение УХН, падающих на боковую поверхность ловушки в отсутствие поглощения (1), при $\eta = 7,6 \cdot 10^{-3}$ (2) и при $\eta = 1,95 \cdot 10^{-2}$ (3). Гистограммам 1 и 2 отвечает левая шкала ординат, гистограмме 3 – правая. Пунктиром показаны статистические ошибки. Скорость УХН равна 4,25 м/с на уровне дна ловушки

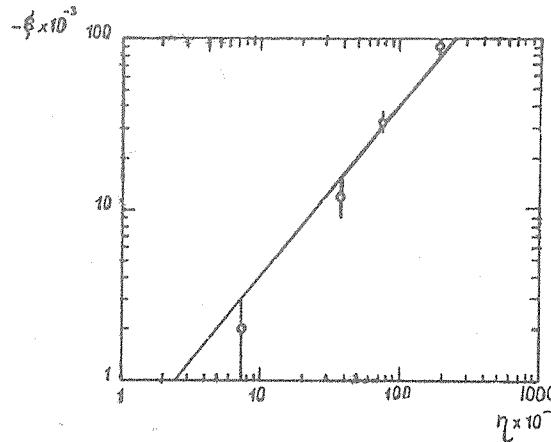
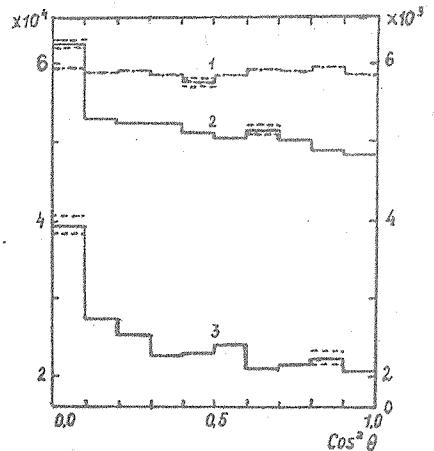


Рис.2. Зависимость параметра анизотропии ξ от величины η

Естественно предположить, что величина ξ зависит от отношения τ_a/τ_r . Так как $\tau_a = L_a \tau_0$ и $\tau_r = L_r \tau_0$, где τ_0 — среднее время между двумя последовательными соударениями УХН со стенками ловушки, L_a — среднее число соударений за время жизни нейтрона, а L_r — среднее число соударений за время τ_r , то ξ , согласно сделанному предположению, есть функция отношения L_a/L_r . Последнее отношение зависит от размеров ловушки только при наличии гравитации. Поэтому в пренебрежении влиянием гравитации на τ_a можно использовать параметризацию (1) для оценки эффекта анизотропии для всех цилиндрических ловушек, имеющих минимальную поверхность при фиксированном объеме (т.е. когда диаметр ловушки равен ее высоте).

В численном эксперименте регистрировалось число соударений УХН с элементами поверхности ловушки. Такие данные были получены, в частности, для пяти равных по площади кольцевых зон нижнего основания ловушки. Анализ этих данных показывает, что по мере роста η происходит относительное увеличение плотности УХН вблизи боковой поверхности ловушки. Введем параметр ξ , характеризующий степень неоднородности распределения плотности УХН по радиусу основания $\xi = (r^2 - r_0^2)/r_0^2$, где в качестве весовой функции при усреднении берется плотность УХН, а r_0 означает среднеквадратичный радиус при однородном распределении плотности. Данные численного эксперимента могут быть выражены функцией $\xi = \xi_\eta \eta$, где $\xi_\eta = 2,0 \pm 0,45$.

Отмеченные особенности фазовой плотности УХН могут быть интерпретированы как результат повышенной вероятности "выживания" в условиях поглощения для группы нейтронов, соударяющихся как с боковой поверхностью, так и с плоскостью дна ловушки при малых углах скольжения. Это нейтроны, движущиеся по "винтовым" траекториям вблизи боковой поверхности ловушки. Особенность таких траекторий состоит в том, что при законе диффузного отражения типа $\cos^2\theta$ соответствующие УХН имеют малую вероятность испытать диффузное рассеяние и отражаются в основном зеркально, сохраняя малую величину компоненты скорости, перпендикулярной к поверхности ловушки. Благодаря этому вероятность их поглощения в стенках ловушки мала по сравнению с другими нейtronами, обладающими большими углами скольжения.

В пределах точности расчетов не удалось получить зависимость ξ от L_{min} . Была проанализирована зависимость ξ от высоты h в ловушке. При этом использовались данные по угловым распределениям УХН в пяти кольцевых зонах на боковой поверхности, различающихся средним значением h . Оказа-

лось, что величина ξ падает по мере увеличения высоты h . Этот факт объясняется влиянием гравитации. С ростом h уменьшается число траекторий в фазовом пространстве, поэтому угловое распределение нейтронов становится более гладким.

При обработке временных спектров методом наименьших квадратов были получены величины $\lambda_a \equiv \tau_a^{-1}$ для определения поправки $\Delta\lambda_a$ за счет анизотропии. Точность численного эксперимента недостаточна для определения зависимости $\Delta\lambda_a/\lambda_a$ от η . Однако при увеличении η величина λ_a также увеличивается по сравнению со случаем изотропного углового распределения УХН. Линейная аппроксимация приводит к соотношению $\Delta\lambda_a/\lambda_a \sim 7\eta$. Таким образом, для типичных случаев ($\eta < 10^{-3}$) поправка к величине λ_a за счет эффекта анизотропии не превышает долей процента.

Поступила в редакцию 4 июля 1984 г.

ЛИТЕРАТУРА

1. Н.В. Линькова, Канд. диссертация, ФИАН, 1983 г.
2. А.В. Антонов и др., Препринт ФИАН № 260, М., 1981 г.
3. А.В. Антонов и др., Краткие сообщения по физике ФИАН № 8, 41 (1982);
Препринт ФИАН № 133, М., 1982 г.