УДК 530.182

## ВЛИЯНИЕ ХАРАКТЕРНЫХ МАСШТАБОВ ФЕМТОСЕКУНДНОГО ВОЛНОВОГО ПАКЕТА СРЕДНЕГО ИК ДИАПАЗОНА НА ПОРОГОВУЮ МОЩНОСТЬ ФИЛАМЕНТАЦИИ

 $E. Д. Залозная^{1,2}, A. E. Дормидонов^{1,2}, B. O. Компанец^2$ 

Исследована зависимость процесса формирования световой пули от соотношения между дифракционной и дисперсионной длинами фемтосекундного волнового пакета среднего ИК диапазона при распространении в прозрачных диэлектриках. Установлено, что отношение дифракционной длины волнового пакета к его дисперсионной длине является параметром подобия процесса возникновения световой пули в условиях аномальной дисперсии групповой скорости. Пороговая мощность филаментации, отнесенная к критической мощности стационарной самофокусировки, также определяется введенным параметром подобия, возрастая с его увеличением.

**Ключевые слова**: филаментация, волновой пакет, световая пуля, дисперсия групповой скорости, пороговая мощность.

Введение. Явление филаментации, заключающееся в пространственно-временной локализации световой энергии, которая поддерживается в объеме прозрачной среды на расстоянии, много большем релеевской длины, привлекает внимание ученых как один из актуальных фундаментальных и прикладных вопросов современной нелинейной оптики [1].

Мощный фемтосекундный волновой пакет (ВП) при взаимодействии с нелинейной средой испытывает пространственные, временные и спектральные трансформации, одним из определяющих факторов которых является дисперсия среды. Так, сжатие ВП

 $<sup>^1</sup>$  МГУ им. М.В. Ломоносова, физический факультет, 119991 Россия, Москва, Воробьевы горы, 1; e-mail: ed.zaloznaya@physics.msu.ru.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Институт спектроскопии РАН, 108840 Россия, Москва, Троицк, ул. Физическая, 5.

по пространству при самофокусировке и компрессия его во времени из-за фазовой самомодуляции в керровской среде в условиях аномальной дисперсии групповой скорости  $(k_2 = \partial^2 k/\partial\omega^2 < 0, k(\omega)$  — закон материальной дисперсии среды), приводят к формированию экстремально сжатого в пространстве и времени высокоинтенсивного волнового пакета — световой пули (СП).

Возможность формирования СП впервые была показана в [2], где в безаберрационном приближении рассматривалось распространение излучения в керровской диспергирующей среде во втором приближении теории дисперсии. Согласно [2] зарождение СП происходит в результате согласованного сжатия ВП в пространстве и во времени, а необходимым условием её формирования является аномальный характер дисперсии групповой скорости.

Высокая пространственно-временная локализация оптического излучения в СП открывает широкие перспективы в развитии методов времяразрешенной диагностики и систем передачи лазерной энергии высокой плотности. С этим связан интерес исследователей к характерным особенностям процессов трансформации мощного фемтосекундного излучения, образования СП и генерации спектра, а также универсальным параметрам, определяющим эти процессы. Определение "слабой", "умеренной" и "сильной" аномальной дисперсии групповой скорости (АДГС) по величине размерного параметра  $k_2$ , использованное в [3], не позволяет обобщенно представить влияние дисперсии на образование СП в различных средах.

Цель настоящей работы заключается в исследовании зависимости пороговой мощности филаментации и образования световых пуль от соотношения между дифракционной и дисперсионной длинами волнового пакета. С помощью численного моделирования процесса филаментации фемтосекундных импульсов в  $SiO_2$ , LiF и  $CaF_2$  рассматривается сценарий возникновения СП при различных значениях параметра  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$ .

Формулировка задачи. Для численного исследования филаментации использовалось приближение медленно меняющейся волны [4], с помощью которого можно описывать распространение и трансформацию ВП длительностью вплоть до одной оптической осцилляции. Уравнения рассматриваемой математической модели описывают дифракцию пучка, дисперсию импульса, нестационарные изменения показателя преломления среды, вызванные керровской и плазменной нелинейностями, генерацию лазерной плазмы и ослабление излучения.

Рассматривалось коллимированное спектрально-ограниченное излучение ВП с гауссовым распределением амплитуды светового поля во времени и в поперечном сечении пучка:

 $A(r, t, z = 0) = A_0 \exp\left\{-\frac{r^2}{2a_0^2} - \frac{t^2}{2\tau_0^2}\right\},$ 

где  $a_0$  и  $\tau_0$  – радиус пучка и полудлительность импульса по уровню интенсивности  $e^{-1}$ ,  $A_0$  – пиковая амплитуда светового поля.

Исследование влияния соотношения между дифракционной ( $L_{\rm dif}=ka_0^2$ ) и дисперсионной ( $L_{\rm disp}=\tau_0^2/|k_2|$ ) длинами входного излучения на филаментацию и формирование СП проводилось при численном рассмотрении распространения фемтосекундных ВП в SiO<sub>2</sub>, CaF<sub>2</sub> и LiF на длинах волн 2000, 3000 и 3100 нм соответственно, что соответствует области АДГС выбранных диэлектриков ( $k_2^{\rm SiO_2}=-100~{\rm dc^2/mm},~k_2^{\rm CaF_2}=-105~{\rm dc^2/mm},~k_2^{\rm LiF}=-267~{\rm dc^2/mm}$ ).

Длительность импульса в  $SiO_2$  на длине волны 2000 нм составляла  $2\tau_0=60$  фс и дисперсионная длина  $L_{\rm disp}=9$  мм. В  $CaF_2$  и LiF длительность  $2\tau_0=120$  фс, что на рассматриваемых длинах волн (3000 нм и 3100 нм) соответствует  $L_{\rm disp}=34$  мм и  $L_{\rm disp}=13.5$  мм. Во всех поставленных численных экспериментах дисперсионная длина оставалась постоянной, а соотношение  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$  изменялось в диапазоне 0.12–13 варырованием радиуса пучка и, следовательно, дифракционной длины, что соответствует возможностям эксперимента. При численном моделировании для некоторого соотношения  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$  осуществлялось многократное решение задачи филаментации ВП при изменении его мощности. Пороговой мощностью филаментации является минимальная мощность ВП, при которой образуется СП.

*Результаты.* Трансформация пространственно-временного распределения интенсивности в процессе образования СП при филаментации в прозрачных диэлектриках исследована описанным методом.

На рис. 1 представлены пространственно-временные распределения интенсивности  $\lg(I(r,t)/I_0)$  ( $I_0$  — начальная пиковая интенсивность) в волновом пакете на ряде характерных расстояний от входа излучения в среду для соотношения  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}\approx 1$ . Рис. 1(а) иллюстрирует начальное распределение интенсивности излучения. В выбранном масштабе по радиальной и временной координатам линии равной интенсивности имеют вид окружностей. Компрессия ВП происходит одновременно в пространстве и во времени. То есть наряду со сжатием в плоскости, перпендикулярной направлению распространения, происходит его компрессия во времени (рис. 1(б)), при котором распределение интенсивности I(r,t) остается подобным первоначальному (рис. 1(а)) до образования

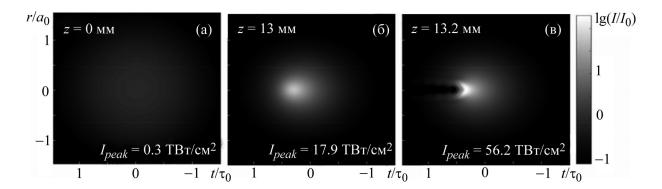


Рис. 1: Тоновые картины пространственно-временного распределения интенсивности I(r,t) в волновом пакете, представленные в логарифмическом масштабе яркости  $\lg(I(r,t)/I_0)$  на характерных расстояниях в  $SiO_2$  при  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}=1.15$  и пиковой мощности  $P_0=P_{\rm th}=1.3P_{\rm cr}$ .

СП с высокой локализацией светового поля и начала дефокусировки в самонаведенной лазерной плазме (рис. 1(в)). В таком режиме пороговая мощность образования СП ( $P_{\rm th}$ ) незначительно превышает критическую мощность стационарной самофокусировки  $P_{\rm cr}$ . Так, в SiO<sub>2</sub> при  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}=1$   $P_{\rm th}=1.15P_{\rm cr}$ , а в LiF и CaF<sub>2</sub>  $P_{\rm th}=1.2P_{\rm cr}$  (рис. 4).

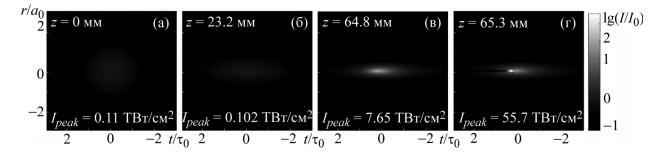


Рис. 2: Тоновые картины пространственно-временного распределения интенсивности I(r,t) в волновом пакете, представленные в логарифмическом масштабе яркости  $\lg(I(r,t)/I_0)$  на характерных расстояниях в  $SiO_2$  при  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}=13$  и пиковой мощности  $P_0=P_{\rm th}=5.2P_{\rm cr}$ .

Пространственно-временные распределения интенсивности  $\lg(I(r,t)/I_0)$  в ВП, для которого справедливо соотношение  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}>>1$ , представлены на рис. 2. Поскольку в этом случае дифракционные эффекты проявляются на большем расстоянии чем дисперсионные — начальный этап распространения ВП сопровождается сильным дисперсионным расплыванием импульса во времени (рис. 2(6)), что приводит к уменьшению пиковой интенсивности ВП по сравнению с первоначальной (рис. 2(a)). Если интенсив-

ность центральной области импульса будет высока настолько, чтобы нелинейной модуляции фазы в керровской среде оказалось достаточно для компрессии центральной части ВП в пространстве и времени (рис.  $2(\mathrm{B})$ ), произойдет зарождение СП и генерация лазерной плазмы (рис.  $2(\mathrm{r})$ ). В связи с этим, пороговая мощность импульса  $P_{\mathrm{th}}$ , необходимая для образования филамента, оказывается больше  $P_{\mathrm{cr}}$  (рис. 4). Так, при параметре  $L_{\mathrm{dif}}/L_{\mathrm{disp}}=13~\mathrm{B}~\mathrm{SiO_2}$  филаментация возникает при  $P_{\mathrm{th}}=5.2P_{\mathrm{cr}}$ , с  $L_{\mathrm{dif}}/L_{\mathrm{disp}}=10~\mathrm{B}~\mathrm{LiF}$  при  $P_{\mathrm{th}}=4P_{\mathrm{cr}}$ , с  $L_{\mathrm{dif}}/L_{\mathrm{disp}}=20~\mathrm{B}~\mathrm{CaF_2}$  – при  $P_{\mathrm{th}}=5.3P_{\mathrm{cr}}$  (рис. 4).

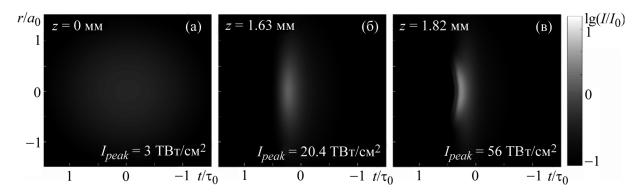


Рис. 3: Тоновые картины пространственно-временного распределения интенсивности I(r,t) в волновом пакете, представленные в логарифмическом масштабе яркости  $\lg(I(r,t)/I_0)$  на характерных расстояниях в  $SiO_2$  при  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}=0.08$  и пиковой мощности  $P_0=P_{\rm th}=0.85P_{\rm cr}$ .

При  $\frac{L_{\rm dif}}{L_{\rm disp}}$  << 1 компрессия импульса во времени, вызванная фазовой самомодуляцией в керровской среде (рис. 3(б)), возрастает с расстоянием, приводя к образованию СП (рис. 3(в)) и дефокусировке хвоста импульса на образовавшемся плазменном канале. Пороговая мощность филаментации  $P_{\rm th}$  в этом случае снижается по сравнению с критической мощностью стационарной самофокусировки  $P_{\rm cr}$ . Во всех рассмотренных средах при  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp} \approx 0.1$   $P_{\rm th}$  составляет  $(0.85-0.9)P_{\rm cr}$  (рис. 4).

На рис. 4 представлены пороговые значения пиковой мощности  $P_{\rm th}$ , отнесенные к критической мощности стационарной самофокусировки  $P_{\rm cr}$  для некоторых характерных отношений  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$ .

Характер зависимости пороговой мощности филаментации  $P_{\rm th}$ , полученной численно, совпадает с результатами эксперимента, выполненного в ИСАНе. Систематическое отклонение экспериментальных значений  $P_{\rm th}/P_{\rm cr}$  от численных обусловлено начальной фазовой модуляцией излучения, неоднородной в поперечном сечении пучка, не учтенной в математической модели.

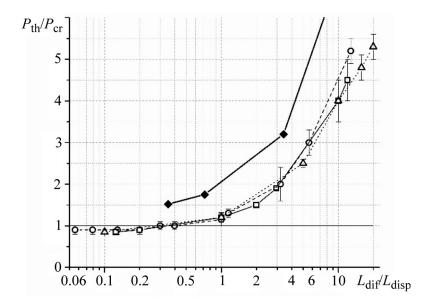


Рис. 4: Пороговая мощность филаментации и образования СП, отнесенная к критической мощности стационарной самофокусировки, в зависимости от параметра  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$  (эксперимент –  $SiO_2$  ( $\spadesuit$ ); численное моделирование  $SiO_2$  ( $\circ$ ), LiF ( $\Delta$ ),  $CaF_2$  ( $\square$ )).

Видно, что значения пороговой мощности  $P_{\rm th}$ , отнесенные к критической мощности стационарной самофокусировки  $P_{\rm cr}$ , для ВП с различными длинами волн во всех рассмотренных диэлектриках ложатся на одну кривую зависимости от отношения  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$ .

Заключение. Относительная пороговая мощность  $P_{\rm th}/P_{\rm cr}$  филаментации фемтосекундного ВП не зависит от длины волны излучения и параметров нелинейной диспергирующей среды, а определяется отношением  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$ . Таким образом, отношение дифракционной длины ВП к его дисперсионной длине является параметром подобия, характеризующим процесс филаментации и образования СП до генерации лазерной плазмы. Изменение пороговой мощности  $P_{\rm th}$  образования филамента и СП в прозрачных диэлектриках подчиняется единой зависимости от введенного параметра подобия.

В случае  $L_{\rm dif} >> L_{\rm disp}$  дисперсионное расплывание ВП на начальном этапе распространения препятствует образованию СП и пороговая мощность филаментации оказывается больше критической мощности стационарной самофокусировки, монотонно спадая с уменьшением параметра подобия  $L_{\rm dif}/L_{\rm disp}$ .

Выявленные общие закономерности трансформации ВП при филаментации фемтосекундных лазерных импульсов позволяют на основе общего подхода изучать динамику СП как в конденсированных средах, так и в газах.

Исследование выполнено за счет гранта Российского научного фонда (проект № 18-12-00422).

Эксперименты выполнены на уникальной научной установке "Многоцелевой фемтосекундный лазерно-диагностический спектрометрический комплекс" Института спектроскопии РАН.

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] В. П. Кандидов, С. А. Шленов, О. Г. Косарева, Квантовая электроника **39**(3), 205 (2009).
- [2] Y. Silberberg, Opt. Lett. **15**(22), 1282 (1990).
- [3] I. Gražulevičiūtė et al., Opt. Lett. **40**(16), 3719 (2015).
- [4] T. Brabec, F. Krausz, Phys. Rev. Lett. **78**(17), 3282 (1997).

Поступила в редакцию 18 января 2019 г. После доработки 28 марта 2019 г. Принята к публикации 29 марта 2019 г.

Публикуется по результатам XVI Всероссийского молодежного Самарского конкурсаконференции по оптике и лазерной физике (Самара).