

СМЕШАННОЕ СОСТОЯНИЕ СПИНОВЫХ МОМЕНТОВ ДВУХ ПРОТОНОВ В МОЛЕКУЛЕ ВОДЫ И УСТОЙЧИВОСТЬ ЕЕ СПИНОВЫХ ИЗОМЕРОВ

В. К. Колюхов

В работе показано, что наиболее распространенное в природе соотношение параводы и ортоводы оказывается наиболее устойчивой к внешним воздействиям формой существования молекул воды. Обсуждаются допущения, которые неявно делаются, когда независимо рассматриваются синглетное и триплетное состояния квантовой системы из двух спиновых моментов.

Ключевые слова: вода, спины протонов.

Традиционно спиновые степени свободы молекулы воды рассматриваются с помощью волновых функций, что пригодно для случая изолированной молекулы в разреженном газе. Если же молекула взаимодействует с другими молекулами или в общем случае с окружающей ее средой, то спиновая подсистема молекулы описывается оператором и матрицей плотности. Происходит полностью или частично замена чистых спиновых состояний на смешанные. Одновременно возникает проблема устойчивости состояний по отношению к действию на них окружающей среды. Такой подход соответствует случаю конденсированной среды. Спиновая ядерная подсистема молекулы относительно слабо взаимодействует с окружением в плотных газах и жидкости, поэтому ее можно выделить в самостоятельную квантовую систему, что следует из опытов по наблюдению протонного ЯМР в воде.

В настоящей работе показано, что естественная смесь $1/4$ синглетного и $3/4$ триплетного состояний является не только устойчивой к внешним возмущениям, но максимально устойчивой. Синглетное состояние в этом смешанном состоянии остается чистым состоянием, триплетное состояние становится смешанным. Устойчивость объясняется тем, что это смешанное состояние, если представить операторы плотности синглетной

и триплетной частей матрицами, пропорционально единичной матрице, которая коммутирует с любым возмущающим оператором в пространстве спиновой системы.

Исходное матричное равенство записывается в пространстве $\mathcal{H} = \mathbb{C}^2 \otimes \mathbb{C}^2$ двух спиновых моментов $j = 1/2$, где вводится базис в виде прямого произведения базисов каждого из спинов

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & -1/2 & 0 \\ 0 & -1/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 1/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}. \quad (1)$$

Каждая из трех матриц в равенстве (1) эрмитова, так что выполняется первое требование, которое предъявляется к матрицам плотности. Второе условие состоит в нормировке матрицы, ее след должен равняться единице. Первая слева матрица нормирована и соответствует синглетному состоянию [1]. Вторая матрица будет соответствовать триплетному состоянию, если ввести нормировку и дополнительный множитель, чтобы матричное равенство не нарушалось. Такое же замечание относится и к последней матрице равенства (1)

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & -1/2 & 0 \\ 0 & -1/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + 3 \left(\frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 1/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \right) = 4 \left(\frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \right). \quad (2)$$

Полностью деполяризованное триплетное состояние обычно записывается в виде единичной матрицы в трехмерном пространстве, но это состояние можно записать и в четырехмерном пространстве, где крайние единицы на диагонали соответствуют состояниям $m = \pm 1$, а центральная часть матрицы – состоянию $m = 0$. Множитель $1/3$ перед матрицей указывает, что все три составляющие входят с равной вероятностью.

Далее матричное равенство (2) можно записать в форме операторного равенства, что является главным результатом настоящей работы

$$\frac{1}{4} \rho_{\text{singlet}} + \frac{3}{4} \rho_{\text{triplet}} = \rho_{\text{depolarized}}.$$

Единичную матрицу в (2) можно, в свою очередь, представить как прямое произве-

дение двух деполяризованных спиновых состояний

$$\frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \otimes \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}.$$

Так как никакой корреляции между состояниями спиновых моментов нет (прямое произведение отражает это утверждение) и, кроме того, состояния спинов в своих подпространствах также максимально симметричны, воздействовать на спиновую систему каким-либо образом невозможно, оставаясь в пределах четырехмерного пространства. Внести возмущение в эту систему можно, если присоединить к ней еще один спиновый момент, и допустить, что имеется взаимодействие и совместная эволюция его с исходной системой. Но для это требуется расширение спинового пространства.

Условия, при которых можно разделить синглетную и триплетную части спиновой волновой функции молекулы воды, обычно не обсуждаются. Предполагается, что интерференции между этими частями волновой функции нет, что недиагональные элементы в приведенной блочно-диагональной 4×4 матрице малы, либо они быстро затухают, так что квантовые числа $S = 0$ (синглет) и $S = 1$ (триплет) являются “хорошими” квантовыми числами, и они сохраняются во времени. Здесь введением смешанного состояния с самого начала устанавливается возможность оперировать с синглетным и триплетным операторами плотности по отдельности, и произвольно устанавливать вероятности, с которыми они входят в оператор плотности спиновой системы. Это открывает возможность описывать любые концентрации спиновых изомеров молекулы воды.

Предположения, которые здесь делаются относительно смешанного триплетного состояния, где с равной вероятностью $1/3$ входят три составляющих, так что матрица плотности в представлении полного момента $S = 1$ диагональна, основаны на физических предположениях, которые обычно выполняются и, как правило, не обсуждаются. Такое состояние называется полностью деполяризованным и используется в [2]. Действительно, внешнее магнитное поле напряженностью 1 Тесла при комнатной температуре вызовет поляризацию состояний на 10^{-6} часть от единицы. Переменные магнитные поля дают еще меньший вклад в недиагональные матричные элементы в силу малой амплитуды переменного магнитного поля.

Известен способ, который позволяет получить полностью деполяризованное состояние из произвольного начального состояния двухспиновой системы [3]. Он основан на

действию операторов σ_z, σ_x на один из спинов. Первый оператор $I \otimes \sigma_z$ стирает фазовые множители, и матрица становится диагональной. Вторым оператором $I \otimes \sigma_x$ стирается остальная информация, которая принадлежала одновременно двум спинам. Оказывается, что есть еще один способ деполяризации состояния, который демонстрируется в настоящей работе. В синглете и триplete спиновые моменты находятся частично или полностью в запутанном состоянии и кроме того, существует “классическая” корреляция, которая не сводится к запутанности. Для исключения всякой связи между спинами достаточно сложить эти два состояния в пропорции 1:3.

Л И Т Е Р А Т У Р А

- [1] К. А. Валиев, А. А. Кокин, *Квантовые компьютеры: надежды и реальность* (Ижевск, РХД, 2001).
- [2] S. D. Bartlett, T. Rudolph, and R. W. Spekkens, *Rev. Mod. Phys.* **79**, 555 (2007).
- [3] B. Groisman, S. Popescu, and A. Winter, *Phys. Rev. A* **72**, 032317 (2005).

Поступила в редакцию 22 марта 2010 г.