

УДК 678+548.736

## ИССЛЕДОВАНИЕ СВЕТОИНДУЦИРОВАННОЙ ПЕРЕОРИЕНТАЦИИ ДИРЕКТОРА НЕМАТИЧЕСКИХ ЖИДКИХ КРИСТАЛЛОВ ПО ДИНАМИКЕ ДВУЛУЧПРЕЛОМЛЕНИЯ

И. А. Будаговский<sup>1</sup>, А. С. Золотько<sup>1</sup>, Т. Е. Ковальская<sup>1,2</sup>, М. П. Смаев<sup>1</sup>,  
С. А. Швецов<sup>1,3</sup>, Н. И. Бойко<sup>2</sup>, М. И. Барник<sup>4</sup>

*Предлагается применение метода двулучепреломления для измерения порога светоиндуцированного перехода Фредерикса и фактора усиления нелинейности нематических жидкокристаллов по динамике релаксации директора в световом поле. Изменение двулучепреломления регистрируется по интерференции обыкновенной и необыкновенной компонент светового пучка, воздействующего на ориентацию директора жидкого кристалла. Измерены пороги перехода Фредерикса и факторы усиления нелинейности для образцов с примесью гребнеобразных полимеров различной степени полимеризации. Найденные пороги согласуются с результатами, полученными методом аберрационного самовоздействия.*

**Ключевые слова:** жидкие кристаллы, двулучепреломление, светоиндуцированная переориентация, переход Фредерикса.

Нематические жидкие кристаллы (НЖК) обладают ориентационными нелинейностями, приводящими к разнообразным оптическим эффектам [1]. Так, в прозрачных НЖК показатель преломления необыкновенной волны значительно увеличивается под действием излучения непрерывных лазеров при светоиндуцированном повороте директора  $\mathbf{n}$  к световому полю  $\mathbf{E}$  (положительная ориентационная нелинейность). Этот пово-

<sup>1</sup> ФИАН, 119991, Москва, Ленинский пр., 53; e-mail: zolotko@lebedev.ru.

<sup>2</sup> Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, 119991, Москва, Ленинские горы, 1.

<sup>3</sup> Московский физико-технический институт, 141700, Московская область, Долгопрудный, Институтский пер., 9.

<sup>4</sup> Институт кристаллографии им. А. В. Шубникова РАН, 117333, Москва, Ленинский пр., 59.

рот обусловлен моментом сил  $\vec{\Gamma}_{\text{tr}}$ , действующим со стороны поля  $\mathbf{E}$  на индуцированные этим же полем диполи. Для поглощающих НЖК (прозрачные нематические матрицы с примесью красителей) характерна также ориентационная нелинейность, связанная с моментом  $\vec{\Gamma}_{\text{abs}}$ , обусловленным изменением межмолекулярных сил при поглощении световых квантов [2, 3]. Нелинейность поглощающих НЖК может быть существенно больше нелинейности нелегированных. Её можно характеризовать фактором усиления  $\eta$ , являющимся коэффициентом пропорциональности между моментами  $\vec{\Gamma}_{\text{abs}} = \eta \vec{\Gamma}_{\text{tr}}$ . Фактор усиления может быть отрицательным; при этом директор НЖК под действием момента  $\vec{\Gamma}_{\text{abs}}$  поворачивается перпендикулярно световому полю и показатель преломления необыкновенной волны уменьшается (отрицательная ориентационная нелинейность) [3].

Одним из основных параметров, позволяющих сравнивать ориентационные нелинейности различных жидкокристаллических систем и определять фактор усиления  $\eta$ , является величина порога светоиндуцированного перехода Фредерикса (СПФ). Величину порога СПФ определяют с помощью методов самовоздействия светового пучка [3, 4], либо двулучепреломления [5]. Самовоздействие света позволяет определить порог по уширению пучка (возникновению аберрационной картины) в дальней зоне дифракции. При использовании метода двулучепреломления измеряют фазовый набег между обычной и необыкновенной составляющими зондирующего пучка при освещении НЖК ориентирующим молекулам световым пучком. Зондирующий пучок при этом должен быть совмещен с областью переориентации, а его размер должен быть меньше этой области. Обе методики предполагают достаточно высокую интенсивность излучения, превышающую пороговое значение. При этом могут проявляться эффекты, затрудняющие измерения, например, изменение показателя преломления НЖК из-за его нагрева или влияния света на ориентацию директора на поверхности ячейки [6].

В данной работе мы покажем, что порог СПФ можно определить с помощью методики, основанной на измерении динамики двулучепреломления при релаксации директора в пучке допороговой мощности, который одновременно является зондирующим. Эксперименты проводили с чистой нематической матрицей (положительная нелинейность) и нематической матрицей с примесью полимеров, индуцировавших отрицательную оптическую нелинейность.

*Методика эксперимента.* Поворот директора НЖК приводит к изменению фазы необыкновенной волны, что в методе двулучепреломления визуализируется изменением интенсивности зондирующего пучка в скрещенных поляризаторах [7]. В отличие от

предшествующих экспериментов по изучению взаимодействия света с НЖК методом двулучепреломления [5, 8–10], мы используем один пучок как для воздействия на кристалл, так и для регистрации сигнала. Это существенно упрощает эксперимент.

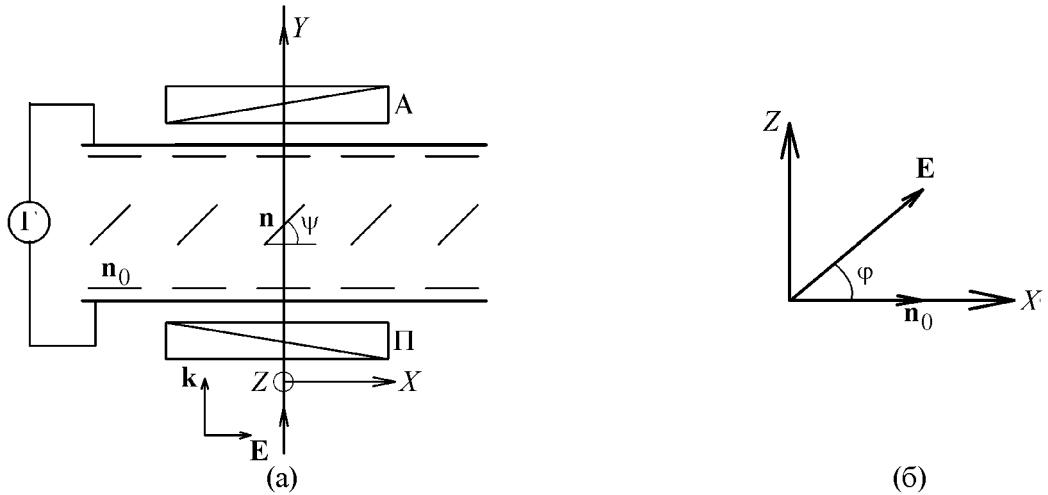


Рис. 1: Схема эксперимента по измерению динамики релаксации директора методом двулучепреломления. (а)  $\Pi$  – поляризатор,  $A$  – анализатор,  $\Gamma$  – генератор низкочастотного поля,  $\mathbf{n}_0$  – невозмущённый директор,  $\psi$  – угол поворота директора  $\mathbf{n}$ ,  $\mathbf{k}$  и  $\mathbf{E}$  – волновой вектор и напряжённость светового поля. (б)  $\varphi$  – угол поворота плоскости поляризации падающего света по отношению к горизонтальной плоскости  $XY$ .

Основным измеряемым параметром в нашем эксперименте является скорость релаксации поля директора планарно ориентированного образца, первоначально деформированного низкочастотным электрическим полем (рис. 1). В присутствии светового поля динамика релаксации будет изменяться. При нормальном падении света на планарно ориентированный НЖК с положительной оптической нелинейностью релаксация ускоряется. В случае кристалла с отрицательной оптической нелинейностью релаксация замедляется. Зависимость скорости релаксации от интенсивности света позволяет определить знак оптической нелинейности и величину порога светоиндексированного перехода Фредерикса. Отметим, что аналогичный способ определения порога был реализован в [11] для перехода Фредерикса в магнитном поле.

Интенсивность  $I$  прошедшего через анализатор света зависит от поляризации падающего пучка и набега фазы  $\Delta S$  между обычновенной и необыкновенной компонентами [7]

$$I = I_0 \sin^2(2\varphi) \sin^2\left(\frac{\Delta S}{2}\right), \quad (1)$$

где  $I_0$  – интенсивность падающего света,  $\varphi$  – угол между невозмущённым директором и световым полем падающего пучка (рис. 1(б)). Предположим, что распределение угла  $\psi$  поворота директора вдоль продольной координаты синусоидально

$$\psi(y) = \psi_m \sin\left(\frac{\pi y}{L}\right), \quad (2)$$

где  $\psi_m$  – угол поворота директора в центре жидкокристаллического слоя,  $L$  – толщина слоя. Число биений, т.е. число максимумов интерференции обыкновенной и необыкновенной компонент, интенсивности  $(N = \frac{\Delta S}{2\pi})$  при повороте директора от значения  $\psi_m$  до нуля определяется выражением

$$N = \frac{\delta n L}{2\lambda} \psi_m^2, \quad (3)$$

где  $\delta n = \frac{\Delta \varepsilon \sqrt{\varepsilon_{||}}}{2\varepsilon_{\perp}}$ ,  $\Delta \varepsilon = \varepsilon_{||} - \varepsilon_{\perp}$  – анизотропия диэлектрической проницаемости на световой частоте,  $\lambda$  – длина волны света.

Установим связь между интенсивностью воздействующего света и динамикой релаксации поля директора. Функция  $\psi(y, t)$  подчиняется уравнению

$$-\gamma_1 \frac{\partial \psi}{\partial t} + K \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} - \frac{\Delta \varepsilon |A|^2}{8\pi} \sin \psi \cos \psi - \frac{\eta \Delta \varepsilon |A|^2}{8\pi} \sin \psi \cos \psi = 0, \quad (4)$$

которое представляет собой условие баланса моментов, действующих на директор НЖК (  $\gamma_1$  – коэффициент вязкости,  $t$  – время,  $K$  – упругая постоянная Франка,  $A$  – амплитуда световой волны). Слагаемые уравнения (4) соответствуют моменту вязких сил, моменту упругих сил (в одноконстантном приближении [12]) и моментам  $\vec{\Gamma}_{\text{tr}}$ , и  $\vec{\Gamma}_{\text{abs}}$ . Линеаризуя (4) и используя (2), с помощью метода Галёркина находим

$$\frac{\partial \psi_m}{\partial t} = -[(1 + \eta)\delta + 1]\psi_m/\tau_0, \quad (5)$$

где  $\tau_0 = \gamma_1 L^2 / \pi^2 K$ ,  $\delta = p/p_0$ ,  $p$  – плотность мощности световой волны,  $p_0 = \pi^2 c \varepsilon_{||}^{1/2} K / \Delta \varepsilon L^2$ . Уравнение (5) получено для плоской световой волны. В гауссовом световом пучке, однако, плотность мощности зависит от поперечных координат  $p \sim \exp(-(x^2 + z^2)/w^2)$  ( $w$  – радиус перетяжки пучка). В дальнейшем будем предполагать, что отклик НЖК локален, т.е. угол  $\psi_m(x, z)$  определяется значением  $p$  в точке  $(x, z)$ . Тогда (5) останется справедливым и для светового пучка; для угла  $\psi_m$  на оси пучка величина  $\delta$  будет равна

$$\delta = \frac{P}{P_0}, \quad (6)$$

где  $P$  – мощность светового пучка,  $P_0 = \pi w_0^2 p_0$ . Как следует из (5) и (6), пороговая мощность СПФ в НЖК с отрицательной нелинейностью равна

$$P_{\text{th}} = -P_0/(1 + \eta). \quad (7)$$

Полагая, что перед снятием переменного напряжения (при  $t = 0$ ) угол поворота директора  $\psi_m = \psi_m^U$ , находим решение (5) в виде

$$\psi_m(t) = \psi_m^U e^{\chi_R t}, \quad (8)$$

где скорость релаксации

$$\chi_R = -\frac{1}{\tau_0} \left[ (1 + \eta) \frac{P}{P_0} + 1 \right]. \quad (9)$$

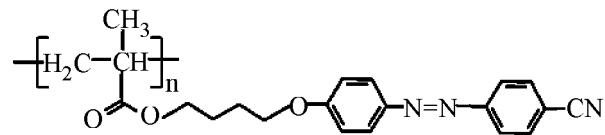
Из (3) и (7) получаем линейную зависимость логарифма числа биений от времени

$$\ln N(t) = \ln N_U + 2\chi_R t, \quad (10)$$

где  $N_U$  – количество биений интенсивности, наблюдаемое после снятия низкочастотного напряжения.

В эксперименте измеряли временные зависимости интенсивности  $I(t)$  в центре прошедшего через анализатор светового пучка при различных значениях мощности  $P$  пучка, освещавшего НЖК. Число биений определяли по максимумам или минимумам функции  $I(t)$  с точностью до некоторой величины  $\delta N$ . Величину  $\chi_R$  определяли методом наименьших квадратов, варьируя  $\delta N$  и добиваясь линейности зависимости  $\ln N(t)$ . Далее, из аппроксимированной линейной функцией зависимости  $\chi_R(P)$  для чистой матрицы определяли мощность  $P_0$ . Для НЖК с отрицательной нелинейностью определяли мощность  $P_{\text{th}}$  из условия обращения скорости релаксации  $\chi_R$  в нуль.

*Образцы и экспериментальная установка.* В эксперименте использовали жидкокристаллический материал ЖКМ-1277 (НИОПИК, Россия), имеющий температурный диапазон существования нематической фазы от  $-20^\circ\text{C}$  до  $+60^\circ\text{C}$ . Показатели преломления необыкновенной и обыкновенной волн равны 1.71 и 1.52 ( $\lambda = 589$  нм). В качестве легирующей добавки (0.5% по весу) использовали гребнеобразный полимер Рн



с различной степенью полимеризации  $n = 14, 43, 97$ . Исследования проводили с легированными и нелегированным планарно ориентированными образцами толщиной 100 мкм.

В видимом диапазоне поглощение легированных НЖК убывает с ростом длины волны. Коэффициенты поглощения необыкновенной и обыкновенной волн для  $\lambda = 473$  нм равны  $\alpha_{\parallel} = 102$  (P14), 83 (P43), 79 (P97)  $\text{см}^{-1}$  и  $\alpha_{\perp} = 31$  (P14), 22 (P43), 24 (P97)  $\text{см}^{-1}$ .

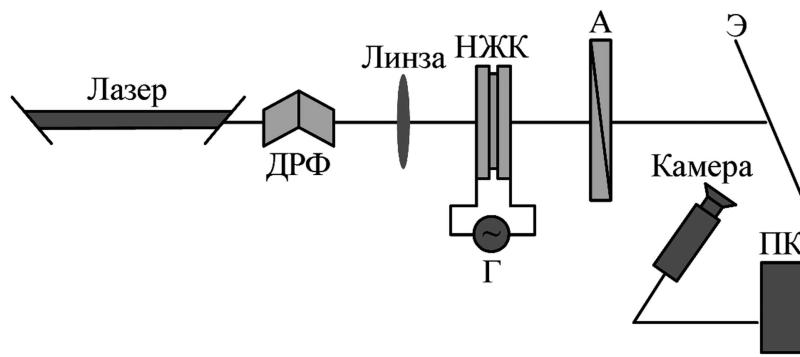


Рис. 2: Схема экспериментальной установки.  $\text{ДРФ}$  – двойной ромб Френеля,  $\text{НЖК}$  – ячейка с жидкокристаллическим кристаллом,  $\Gamma$  – генератор переменного напряжения,  $A$  – анализатор,  $\mathcal{E}$  – экран,  $\text{ПК}$  – компьютер.

Для измерения динамики релаксации директора использовали экспериментальную установку, схема которой изображена на рис. 2. Излучение твёрдотельного лазера (Laser-Export Co.Ltd,  $\lambda = 473$  нм), прошедшее через двойной ромб Френеля, фокусировали линзой ( $f = 15$  см, радиус перетяжки пучка в фокусе  $\sim 70$  мкм) в жидкокристаллическую ячейку. За ячейкой помещали анализатор. Пучок визуализировали на матовом экране. Интенсивность в центре пучка оцифровывали видеосистемой. Плоскость поляризации падающего на кристалл излучения была повёрнута на  $\varphi \approx 1^\circ$  от плоскости поворота директора (горизонтальной плоскости). Малый угол поворота  $\varphi$  позволил использовать основную часть энергии пучка для переориентации директора НЖК. Ячейку разворачивали вокруг вертикальной оси для компенсации предварительно определённого угла преднаклона.

Для изменения ориентации директора к ячейке прикладывали низкочастотное (3 кГц) напряжение  $U = 3$  В, значительно превышающее величину порога перехода Фредерикса ( $U_{\text{th}} \sim 0.95$  В). Временные положения максимумов и минимумов осцилляций интенсивности при релаксации директора после снятия напряжения определяли в

автоматическом режиме с помощью специально разработанного программного обеспечения.

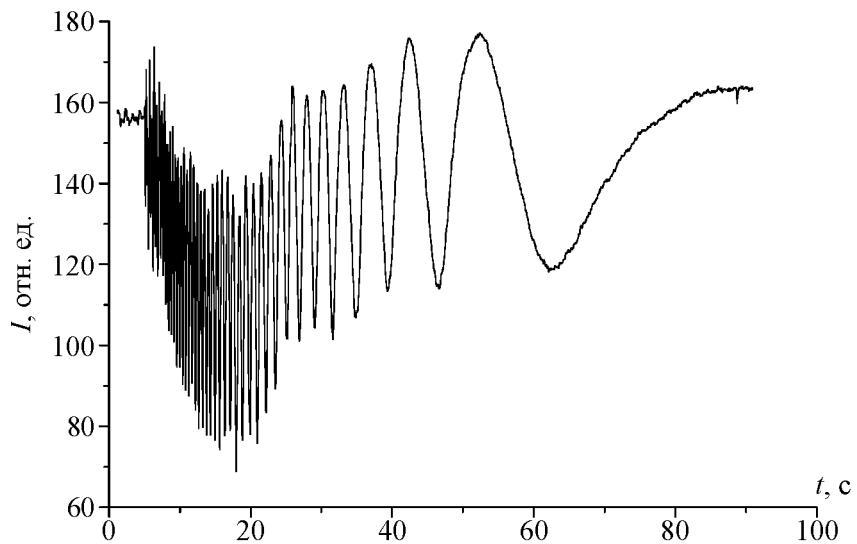


Рис. 3: Характерная зависимость интенсивности в центре пучка ( $\lambda = 473$  нм,  $P = 1$  мВт) на экране при релаксации директора, полученная для прозрачного полимерного образца ЖКМ-1277. Изменение амплитуд максимумов и минимумов связано с изменением интенсивности необыкновенной волны вследствие aberrационного само-воздействия света.

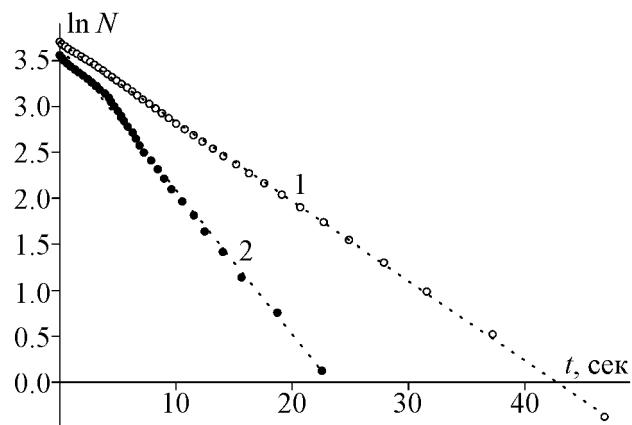


Рис. 4: Зависимость логарифма числа биений интенсивности от времени (релаксация директора НЖК) в прозрачном образце ЖКМ-1277 для различных мощностей облучения  $P$ : (1) 1 и (2) 43 мВт.

**Экспериментальные результаты.** Характерная временная зависимость интенсивности  $I(t)$ , полученная для прозрачной матрицы, представлена на рис. 3. Примеры аппроксимации зависимости  $\ln N(t)$  по положениям максимумов  $I(t)$  для двух значений мощности светового пучка  $P = 1$  и 43 мВт приведены на рис. 4. Как видно из рис. 4, при достаточно большой мощности (кривая 2) динамика релаксации на среднем участке не вполне соответствует экспоненциальной зависимости. Это может быть связано с ограниченностью светового пучка и отклонением продольного распределения поля директора от синусоидального.

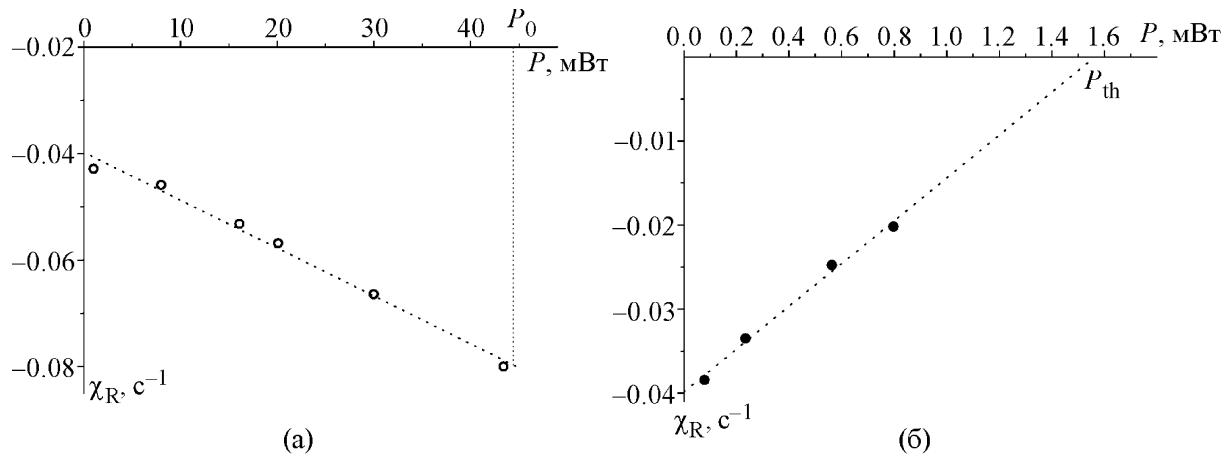


Рис. 5: Зависимость скорости релаксации от мощности для (а) прозрачного образца и (б) образца, легированного Р43.

Зависимости скорости релаксации от мощности светового пучка для прозрачного НЖК и НЖК, легированного полимером Р43, представлены на рис. 5. Видно, что эти зависимости достаточно хорошо описываются линейной функцией. Из условия, что при  $P = P_0$  скорость релаксации в прозрачном НЖК (рис. 5(а)) возрастает в два раза (см. (9)), находим  $P_0 = 44 \text{ мВт}$ . Для матрицы с примесью Р43 (рис. 5(б)) получаем  $P_{\text{th},43} \approx 1.6 \text{ мВт}$  из условия обращения скорости релаксации в нуль. Для других образцов значения порогов составили  $P_{\text{th},14} = 2.5 \text{ мВт}$  и  $P_{\text{th},97} = 1.1 \text{ мВт}$ .

Пороги СПФ были также определены методом аберрационного самовоздействия. Для НЖК с примесью Р14 наблюдался гистерезис зависимости числа колец от мощности, соответствующий ориентационному переходу первого рода и бистабильности поля директора [13–15]. При этом порог прямого перехода составил  $P_{\text{th}1,14} = 3.3 \text{ мВт}$ , а обратного –  $P_{\text{th}2,14} = 2.2 \text{ мВт}$ . Для образцов Р43 и Р97 были получены значения  $P_{\text{th},43} = 1.4 \text{ мВт}$  и  $P_{\text{th},97} = 1.1 \text{ мВт}$ . Таким образом, величины порогов, определённых

различными методами для Р43 и Р97, хорошо согласуются. В случае Р14 определённый методом двулучепреломления порог оказывается близок к порогу обратного перехода.

Полученные результаты позволяют по формуле (7) оценить фактор усиления нелинейности  $\eta$  в легированных образцах по сравнению с прозрачной матрицей:  $\eta = -19$  (Р14),  $-28$  (Р43) и  $-41$  (Р97). Эти значения могут быть занижены, т.к. в рассмотренной выше модели не учитывали ослабление излучения в НЖК вследствие затухания. Кроме того, поскольку для азосоединений характерна зависимость фактора усиления от угла между световым полем  $\mathbf{E}$  и директором  $\mathbf{n}$ , мы получаем усреднённые значения  $\eta$ .

Нелинейно-оптический отклик НЖК целесообразно характеризовать отношением фактора усиления к величине поглощения, усреднённого по ориентациям директора:  $\eta_\alpha = \eta / (\alpha_{\parallel} + 2\alpha_{\perp})$  [3]. Соответствующие величины  $\eta_{\alpha,14} = -0.12$  см,  $\eta_{\alpha,43} = -0.22$  см,  $\eta_{\alpha,97} = -0.32$  см. Максимальное из этих значений примерно в три раза меньше, чем величина, наблюдавшаяся для полимера П1 в [3].

Отметим, что измерение динамики двулучепреломления в световом пучке, воздействующем на НЖК, может быть использовано при изучении фоторефрактивного эффекта и поверхностной фотоориентации.

*Заключение.* Показано, что метод двулучепреломления с использованием одного светового пучка может быть применён для исследования ориентационного воздействия света на жидкие кристаллы. Метод позволяет измерять порог светоиндуцированного перехода Фредерикса и определять фактор усиления нелинейности, используя световое излучение допороговой мощности.

Авторы выражают благодарность В. Н. Очкуну за полезные обсуждения. Работа выполнена при поддержке РФФИ (проекты 11-02-01315, 12-02-31348, и 12-03-00480), ФЦП “Научные и научно-педагогические кадры инновационной России” (проекты 8620 и 8396) и УНК ФИАН.

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] I. C. Khoo, Phys. Rep. **471**, 221 (2009).
- [2] L. Marrucci, D. Paparo, Phys. Rev. E **56**, 1765 (1997).
- [3] И. А. Будаговский, А. С. Золотко, В. Н. Очkin и др., ЖЭТФ **133**, 204 (2008).
- [4] А. С. Золотко, В. Ф. Китаева, Н. Н. Соболев, А. П. Сухоруков, ЖЭТФ **81**, 933 (1981).

- [5] S. Durbin, S. M. Arakelian, Y. R. Shen, Phys. Rev. Lett. **47**, 1411 (1981).
- [6] O. Yaroshchuk, Y. Reznikov, J. Mater. Chem. **22**, 286 (2012).
- [7] Л. М. Блинов, *Электрооптика и магнитооптика жидкокристаллов* (М., Наука, 1978).
- [8] I. Janossy, L. Szabados, Phys. Rev. E **58**, 4598 (1998).
- [9] S. J. Hwang, S.-T. Lin, C.-H. Lai, Opt. Commun. **260**, 614 (2006).
- [10] Е. А. Коншина, М. А. Федоров, Л. П. Амосова, Ю. М. Воронин, Научно-технический вестник информационных технологий, механики и оптики **43**, 1277-135 (2007).
- [11] P. Pieranski, F. Brochard, E. Guyon, J. Phys. **33**, 681 (1972).
- [12] П. де Жен, *Физика жидкокристаллов* (М., Мир, 1977).
- [13] Э. А. Бабаян, И. А. Будаговский, А. С. Золотко и др., Краткие сообщения по физике ФИАН **37**, 46 (2010).
- [14] E. A. Babayan, I. A. Budagovsky, S. A. Shvetsov, et al., Phys. Rev. E **82**, 061705 (2010).
- [15] I. A. Budagovsky, D. S. Pavlov, S. A. Shvetsov, et al., Cryst. Liq. Cryst. **561**, 89 (2012).

Поступила в редакцию 5 декабря 2012 г.