

УДК 535.361

## ЗАКОНЫ ДИСПЕРСИИ ВЕКТОРНЫХ И СКАЛЯРНЫХ БОЗОНОВ В МАТЕРИАЛЬНЫХ СРЕДАХ

В. С. Горелик

Установлены законы дисперсии векторных, скалярных и псевдоскалярных бозонов диэлектрической среды с учётом их резонансного взаимодействия с элементарными частицами вакуума: векторными фотонами, скалярными фотонами и аксионами. Показано, что в области малых значений волновых векторов в диэлектрических средах формируются гибридные квазичастицы: поляритоны, хидноны и аксиноны. Установлены законы дисперсии гибридных квазичастиц вблизи центра зоны Бриллюэна. Предсказано проявление гибридных квазичастиц в спектрах неупругого рассеяния света молекулами и кристаллами. Полученные законы дисперсии гибридных квазичастиц позволяют установить условия для наблюдения параметрических процессов рассеяния света, сопровождающихся генерацией гибридных квазичастиц и различных типов бозонов в вакууме.

**Ключевые слова:** фотон, бозон, поляритон, аксион, аксионон, хидрон, квазичастица, спектр, гибридизация, группа симметрии, диэлектрическая проницаемость.

*Введение.* В спектрах элементарных возбуждений материальных сред проявляются различные типы бозонов – квазичастиц, подчиняющихся статистике Бозе–Эйнштейна [1–3]. В частности, в диэлектрических многоатомных кристаллах присутствуют акустические и оптические фононы, поляритоны, экситоны, а также связанные и гибридные состояния квазичастиц [4–8]. В гармоническом приближении бозоны материальных сред не взаимодействуют друг с другом. При понижении температуры среды число бозонов уменьшается и стремится к нулю при температуре, близкой к нулю (по Кельвину). В реальных кристаллах, вследствие наличия ангармонизма, происходят неупругие процессы с участием бозонов: распад одного бозона на два других, неупругие столкновения

---

ФИАН, 119991 Россия, Москва, Ленинский пр-т, 53; e-mail: gorelik@sci.lebedev.ru.

бозонов, многочастичное рассеяние бозонов и т.д. Каждый тип бозонов в кристаллах и молекулах классифицируется определённым представлением соответствующей группы симметрии среды [9, 10]. В частности, известны так называемые векторные бозоны, классифицируемые векторными представлениями соответствующей группы симметрии. Во многих материальных средах присутствуют скалярные или псевдоскалярные бозоны, классифицируемые скалярным (полносимметричным) представлением или представлением псевдоскаляра соответственно.

В вакууме также существуют различные типы бозонов [11–13], наиболее известным представителем которых являются фотоны. Фотоны – векторные частицы, т.е. классифицируются векторным представлением ортогональной группы, являющейся точечной группой симметрии вакуума. При проникновении фотонов в диэлектрическую среду происходит их резонансное взаимодействие с полярными колебаниями молекул или кристаллов. В результате фотон-фононной гибридизации формируются “смешанные” квазичастицы – фотон-фононы, известные также как поляритоны [14–18].

В последние годы было выдвинуто предположение о том, что в вакууме существуют скалярные и псевдоскалярные бозоны [19–21]. В частности, имеются веские аргументы, полученные из астрофизических данных, о том, что в вакууме присутствуют низкоэнергетические псевдоскалярные частицы, названные аксионами [22–26]. Масса покоя аксионов отлична от нуля и находится в диапазоне  $10^{-3} – 10^6$  эВ. При возрастании энергии аксионов их скорость движения приближается к скорости света. Аксионы классифицируются псевдоскалярным представлением ортогональной точечной группы симметрии. В соответствии с этим должно происходить резонансное взаимодействие аксионов с псевдоскалярными квазичастицами материальных сред, приводящее к формированию смешанных квазичастиц, которые могут быть названы “аксионами”.

Низкоэнергетические скалярные бозоны в вакууме также имеют очень малую массу покоя  $10^{-3} – 10^6$  мэВ. Соответствующие частицы называют парафотонами, хидн-фотонами или скалярными фотонами. Аналогами поляритонов для скалярных фотонов являются квазичастицы, возникающие в результате резонансного взаимодействия скалярных фотонов с фононами, классифицируемыми единичными представлениями и соответствующими полносимметричным модам материальных сред. Такие смешанные квазичастицы могут быть названы “хиднонами”.

В данной работе ставилась задача установления законов дисперсии различных типов гибридных квазичастиц бозе-типа, присутствующих в материальных средах в результате взаимодействия фотонов, аксионов и парафотонов с фононами соответствующего

типа симметрии.

*Закон дисперсии поляритонов в изотропной диэлектрической среде.* Теоретический анализ и экспериментальные исследования законов дисперсии поляритонов в реальных кристаллах к настоящему времени проводились во многих работах. В данной работе мы остановимся на выводе закона дисперсии поляритонов для изотропной диэлектрической среды, в которой присутствует лишь один тип полярных колебаний с частотой  $\omega_0$ . Рассматривается ситуация, когда объём, занимаемый полярным (дипольно-активным) осциллятором, равен  $V_0$ . В области частот, далёкой от резонансной частоты  $\omega_0$ , показатель преломления такой среды полагается равным  $n_\infty$ .

Уравнения Maxwella в этом случае имеют вид:

$$\text{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}; \text{rot} \vec{H} = \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}; \vec{D} = \epsilon_0 \epsilon \vec{E} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P}; \quad (1a)$$

$$\text{div} \vec{D} = 0; \text{div} \vec{B} = 0; \vec{B} = \mu_0 \mu \vec{H} = \mu_0 \vec{H} + \mu_0 \vec{M}. \quad (1b)$$

С учётом этих уравнений приходим к соотношению:

$$\text{rot} \text{rot} \vec{E} - \text{grad} \text{div} \vec{E} = -\mu_0 \mu \frac{\partial}{\partial t} \text{rot} \vec{H} = -\mu_0 \mu \epsilon_0 \epsilon \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}. \quad (2)$$

Таким образом, для напряжённости поля  $E$  плоских поперечных монохроматических волн получаем волновое уравнение:

$$\left( \nabla^2 - \frac{\epsilon \mu}{c_0^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \right) \vec{E}(\vec{r}, t) = 0; \quad \vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 \exp(i \vec{k} \vec{r} - \omega t). \quad (3)$$

Соответственно для закона дисперсии поперечных электромагнитных волн в диэлектрической среде имеет место:

$$\omega^2 = \frac{c_0^2 k^2}{\epsilon(\omega) \mu(\omega)}; \quad \mu(\omega) = 1; \quad \omega^2 = \frac{c_0^2 k^2}{\epsilon(\omega)}. \quad (4)$$

Здесь  $\epsilon(\omega)$  и  $\mu(\omega)$  – соответствующие дисперсионные зависимости диэлектрической и магнитной проницаемости. На первом этапе не будем учитывать вклад в диэлектрическую проницаемость валентных электронов, а проанализируем диэлектрические свойства среды с учётом лишь одного полярного колебания, соответствующего осцилляциям ионов. Уравнение движения полярного колебания имеет вид:

$$\ddot{\vec{u}} = -\omega_0^2 \vec{u} + \frac{e\sqrt{F}}{m} \vec{E}; \quad \vec{u} = \vec{u}_0 \exp i(\vec{k} \vec{r} - \omega t). \quad (5)$$

Здесь  $m$  – масса осциллятора,  $e$  – заряд протона,  $F$  – коэффициент, характеризующий силу осциллятора ( $F \sim 1$ ),  $u$  – величина отклонения колеблющейся частицы от положения равновесия. Амплитуда отклонения  $\vec{u}_0$  колеблющейся заряженной частицы от положения равновесия в соответствии с уравнением (5) и с учётом (3) приобретает вид:

$$\vec{u}_0 = \frac{e\sqrt{F}}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \vec{E}_0. \quad (6)$$

Соответственно для амплитуды дипольного момента и вектора поляризации получаем:

$$\vec{p}_0 = \frac{e^2 F}{m(\omega_0^2 - \omega^2)} \vec{E}_0; \quad (7)$$

$$\vec{P}_0 = \frac{e^2 F}{mV_0(\omega_0^2 - \omega^2)} \vec{E}_0. \quad (8)$$

Уравнение движения для вектора поляризации представляется в виде:

$$\ddot{\vec{P}} = -\omega_0^2 \vec{P} + \frac{e^2 F}{mV_0} \vec{E}; \quad \vec{P} = \frac{e\sqrt{F}\vec{u}}{V_0} \vec{P}_0 \exp i(\vec{k}\vec{r} - \omega t). \quad (9)$$

Вводя плазменную частоту  $\omega_p$ , от уравнения (9) приходим к соотношению:

$$\ddot{\vec{P}} = -\omega_0^2 \vec{P} + \omega_p^2 \vec{E}; \quad \omega_p^2 = \frac{e^2 F}{mV_0}. \quad (10)$$

Для индукции электрического поля получаем уравнение:

$$\vec{D}_0 = \epsilon_0 \vec{E}_0 + \vec{P}_0 = \epsilon_0 \left[ 1 + \frac{e^2 F}{mV_0(\omega_0^2 - \omega^2)} \right] \vec{E}_0 = \epsilon_0 \epsilon(\omega) \vec{E}_0. \quad (11)$$

Таким образом, диэлектрическая функция может быть представлена в виде:

$$\begin{aligned} \epsilon(\omega) &= 1 + \frac{e^2 F}{mV_0(\omega_0^2 - \omega^2)} = 1 + \frac{\omega_p^2}{\omega_0^2 - \omega^2} = \frac{\omega_l^2 - \omega^2}{\omega_0^2 - \omega^2}; \\ \omega_l^2 &= \omega_0^2 + \omega_p^2; \quad \omega_p^2 = \frac{e^2 F}{mV_0}. \end{aligned} \quad (12)$$

Учёт электронного осциллятора в элементарном объёме  $V_0$  приводит [15, 16] к факто-ризации диэлектрической функции в виде:

$$\epsilon(\omega) = \epsilon_\infty \frac{\omega_l^2 - \omega^2}{\omega_0^2 - \omega^2}; \quad \epsilon_\infty = n_\infty^2. \quad (13)$$

Соответственно закон дисперсии для поляритонов в рассматриваемой диэлектрической среде с учётом электронного осциллятора принимает вид:

$$\omega^2 = \frac{c_0^2 k^2}{\epsilon(\omega) \mu(\omega)} = \frac{c_0^2 k^2 (\omega_0^2 - \omega^2)}{\epsilon_\infty (\omega_l^2 - \omega^2)} = \frac{c^2 k^2 (\omega_0^2 - \omega^2)}{(\omega_l^2 - \omega^2)};$$

$$\mu(\omega) = 1; \quad c^2 = \frac{c_0^2}{\epsilon_\infty}. \quad (14)$$

От уравнения (14) приходим к биквадратному уравнению

$$\omega^4 - \omega^2(\omega_l^2 + c^2k^2) + \omega_0^2c^2k^2 = 0. \quad (15)$$

Точное решение этого уравнения задаёт две поляритонные ветви:

$$\omega_{\pm}^2 = \frac{(\omega_l^2 + c^2k^2)}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4\omega_0^2c^2k^2}{(\omega_l^2 + c^2k^2)^2}} \right). \quad (16)$$

В области малых значений волнового вектора от (16) приходим к соотношениям:

$$\omega_+^2 \simeq \omega_l^2 + c^2 \left( 1 - \frac{\omega_0^2}{\omega_l^2} \right) k^2; \quad c^2 = \frac{c_0^2}{\epsilon_\infty}; \quad (17a)$$

$$\omega_-^2 \simeq \frac{c_0^2\omega_0^2}{\epsilon_\infty\omega_l^2} k^2. \quad (17b)$$

Покажем, что закон дисперсии поляритонов в изотропной диэлектрической среде может быть получен на основе использования вместо трёхмерных уравнений Максвелла одномерной модели, учитывающей гибридизацию полярных колебаний с проникающим в среду электромагнитным полем. При этом уравнения движения для полярных колебаний и связанного с ним электромагнитного поля, задаваемого функцией  $\xi(x, t)$ , имеют вид:

$$\ddot{u} = -\omega_0^2 u + \omega_p^2 \xi; \quad u = u_0 \exp i(kx - \omega t); \quad (18a)$$

$$\ddot{\xi} = -\frac{c_0^2}{\epsilon_\infty} k^2 \xi - \ddot{u}; \quad \xi = \xi_0 \exp i(kx - \omega t). \quad (18b)$$

Подстановка в уравнения (18(a), (b)) решений в виде плоских монохроматических волн приводит к закону дисперсии, совпадающему с соотношениями (14), (16). Используя связь между частотой  $\omega$  и волновым числом  $\nu(\omega = 2\pi c_0 \nu)$ , приходим к следующим выражениям для закона дисперсии поляритонов:

$$\nu^2 = \frac{k^2(\nu_0^2 - \nu^2)}{\epsilon_\infty(\nu_l^2 - \nu^2)}; \quad \nu_l^2 = \nu_0^2 + \nu_p^2; \quad \epsilon_\infty = n_\infty^2; \quad c^2 = \frac{c_0^2}{\epsilon_\infty}, \quad (19)$$

$$\nu_{\pm}^2 = \frac{\left(\nu_l^2 + \frac{k^2}{4\pi^2\epsilon_\infty}\right)}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4k^2\nu_0^2}{4\pi^2\epsilon_\infty \left(\nu_l^2 + \frac{k^2}{4\pi^2\epsilon_\infty}\right)^2}} \right), \quad (20)$$

$$\nu_+^2(k) \simeq \nu_l^2 + \frac{k^2}{4\pi^2} \left( 1 - \frac{\nu_0^2}{\nu_l^2} \right); \quad \nu_-^2(k) \simeq \frac{k^2\nu_0^2}{4\pi^2\nu_l^2}; \quad k \approx 0. \quad (21)$$

*Закон дисперсии хиднонов в изотропной диэлектрической среде.* По аналогии с поларитонами уравнения движения, учитывающие взаимосвязь скалярных фотонов со скалярными (полносимметричными) колебаниями материальной среды, могут быть представлены в виде:

$$\ddot{s} = -\omega_{0s}^2 s + \omega_{is}^2 \varsigma; \quad \ddot{s}(x, t) = \ddot{s}_0 \exp i(kx - \omega t); \quad (22a)$$

$$\ddot{\varsigma} = -\omega_h^2 \varsigma - c_0^2 k^2 \varsigma - \ddot{s}; \quad \varsigma(x, t) = \varsigma_0 \exp i(kx - \omega t). \quad (22b)$$

В этих уравнениях функции  $s(x, t), \varsigma(x, t)$  задают волны, соответствующие скалярным фотонам и скалярным фононам соответственно; величина  $\omega_{is}$  характеризует эффективность взаимодействия скалярного фотонного поля со скалярными возбуждениями в веществе;  $\omega_h$  – частота хиднона при  $k = 0$ ;  $\omega_{0s}$  – частота полносимметричного колебания. Используя решения (22) в виде плоских монохроматических волн, приходим к двум алгебраическим уравнениям с двумя неизвестными:

$$-\omega^2 u = -\omega_{0s}^2 u + \omega_{is}^2 \xi; \quad u = \frac{\omega_{is}^2 \xi}{\omega_{0s}^2 - \omega^2}; \quad (23a)$$

$$-\omega^2 \xi = -\omega_h^2 \xi - c_0^2 k^2 \xi + \omega^2 u. \quad (23b)$$

Разрешая эти уравнения, приходим к закону дисперсии обсуждаемых волн в виде:

$$\omega^2 = \omega_h^2 + c_0^2 k^2 + \frac{\omega^2 \omega_{is}^2}{\omega_{0s}^2 - \omega^2}; \quad (24a)$$

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c_0^2} \left( 1 + \frac{\omega_{is}^2}{\omega_{0s}^2 - \omega^2} \right) - \frac{\omega_h^2}{c_0^2}. \quad (24b)$$

Отсюда получаем:

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c_0^2} \left( \frac{\omega_{fs}^2 - \omega^2}{\omega_{0s}^2 - \omega^2} \right) - \frac{\omega_h^2}{c_0^2}; \quad \omega_{fs}^2 = \omega_{0s}^2 + \omega_{is}^2. \quad (25)$$

Используя подстановку  $\omega = 2\pi c_0 \nu$ , получаем закон дисперсии в виде:

$$k^2 = 4\pi^2 \nu^2 \left( \frac{\nu_{fs}^2 - \nu^2}{\nu_{0s}^2 - \nu^2} \right) - 4\pi^2 \nu_h^2. \quad (26)$$

Из соотношения 24(b) приходим к биквадратному уравнению:

$$\omega^4 - \omega^2 (c_0^2 k^2 + \omega_{fs}^2 + \omega_h^2) + \omega_h^2 \omega_{0s}^2 + c_0^2 k^2 \omega_{0s}^2 = 0. \quad (27)$$

Решение этого уравнения приводит к двум ветвям:

$$\omega_{\pm}^2 = \frac{(\omega_{fs}^2 + \omega_h^2 + c_0^2 k^2)}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4(\omega_{0s}^2 \omega_s^2 + c_0^2 \omega_{0s}^2 k^2)}{(\omega_{fs}^2 + \omega_h^2 + c_0^2 k^2)^2}} \right). \quad (28)$$

При малых значениях волнового вектора ( $k \sim 0$ ) получаем закон дисперсии хиднонов в виде:

$$\omega_+^2 \simeq \omega_{fs}^2 + \omega_h^2 - \frac{\omega_h^2 \omega_{0s}^2}{\omega_{fs}^2 + \omega_h^2} + c_0^2 k^2 \left( 1 + \frac{\omega_h^2 \omega_{0s}^2}{(\omega_{fs}^2 + \omega_h^2)^2} - \frac{\omega_{0s}^2}{\omega_{fs}^2 + \omega_h^2} \right); \quad (29a)$$

$$\omega_-^2 \simeq \frac{\omega_{0s}^2 \omega_h^2}{\omega_{fs}^2 + \omega_h^2} + c_0^2 k^2 \left[ \frac{\omega_{0s}^2}{\omega_{fs}^2 + \omega_h^2} - \frac{\omega_{0s}^2 \omega_s^2}{(\omega_{fs}^2 + \omega_h^2)^2} \right]. \quad (29b)$$

Переходя в (27), (28) к волновым числам, имеем:

$$\nu^4 - \nu^2 \left( \frac{k^2}{4\pi^2} + \nu_{fs}^2 + \nu_h^2 \right) + \nu_h^2 \nu_{0s}^2 + \frac{k^2}{4\pi^2} \nu_{0s}^2 = 0, \quad (30)$$

$$\nu_{\pm}^2 = \frac{\left( \nu_{fs}^2 + \nu_h^2 + \frac{k^2}{4\pi^2} \right)}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4(\nu_{0s}^2 \nu_h^2 + \nu_{0s}^2 \frac{k^2}{4\pi^2})}{(\nu_{fs}^2 + \nu_h^2 + \frac{k^2}{4\pi^2})^2}} \right); \quad \omega = 2\pi c_0 \nu, \quad (31)$$

$$\nu_+^2 \simeq \nu_{fs}^2 + \nu_h^2 - \frac{\nu_s^2 \nu_{0s}^2}{\nu_{fs}^2 + \nu_h^2} + \frac{k^2}{4\pi^2} \left[ 1 - \frac{\nu_{0s}^2}{\nu_{fs}^2 \nu_h^2} + \frac{\nu_h^2 \nu_{0s}^2}{(\nu_{fs}^2 + \nu_h^2)^2} \right]; \quad (32a)$$

$$\nu_-^2 \simeq \frac{\nu_h^2 \nu_{0s}^2}{\nu_{fs}^2 + \nu_h^2} + \frac{k^2}{4\pi^2} \left[ \frac{\nu_{0s}^2}{\nu_{fs}^2 + \nu_h^2} - \frac{\nu_s^2 \nu_{0s}^2}{(\nu_{fs}^2 + \nu_h^2)^2} \right]. \quad (32b)$$

*Закон дисперсии аксионов в изотропной диэлектрической среде.* Уравнения движения, учитывающие взаимосвязь аксионов с псевдоскалярными колебаниями материальной среды, могут быть представлены в виде:

$$\ddot{w} = -\omega_{0ps}^2 w + \omega_{ips}^2 \eta; \quad w = w_0 \exp i(kx - \omega t); \quad (33a)$$

$$\ddot{\eta} = -\omega_a^2 \eta - c_0^2 k^2 \eta - \ddot{w}; \quad \eta = \eta_0 \exp i(kx - \omega t). \quad (33b)$$

Здесь  $\omega_a$  – частота аксиона при  $k = 0$ . Отсюда приходим к алгебраическим уравнениям:

$$-\omega^2 w = -\omega_{0ps}^2 w + \omega_{ips}^2 \eta; \quad w = \frac{\omega_{ips}^2 \eta}{\omega_{0ps}^2 - \omega^2}; \quad (34a)$$

$$-\omega^2 \eta = -\omega_a^2 - c_0^2 k^2 \eta + \omega^2 w. \quad (34b)$$

Соответственно для закона дисперсии аксионов получаем соотношения:

$$\omega^2 = \omega_a^2 + c_0^2 k^2 + \frac{\omega^2 \omega_{ips}^2}{\omega_{0ps}^2 - \omega^2}; \quad (35a)$$

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c_0^2} \left( 1 + \frac{\omega_{ips}^2}{\omega_{0ps}^2 - \omega^2} \right) - \frac{\omega_a^2}{c_0^2}, \quad (35b)$$

$$k^2 = \frac{\omega^2}{c_0^2} \left( \frac{\omega_{fps}^2 - \omega^2}{\omega_{0ps}^2 - \omega^2} \right) - \frac{\omega_a^2}{c_0^2}; \quad \omega_{fps}^2 = \omega_{0ps}^2 + \omega_{ips}^2. \quad (36)$$

$$k^2 = 4\pi^2 \nu^2 \left( \frac{\nu_{fps}^2 - \nu^2}{\nu_{0ps}^2 - \nu^2} \right) - 4\pi^2 \nu_a^2. \quad (37)$$

От соотношения (35), задающего закон дисперсии аксионов в неявном виде, приходим к биквадратному уравнению:

$$\omega^4 - \omega^2(c_0^2 k^2 + \omega_{fps}^2 + \omega_a^2) + \omega_a^2 \omega_{0ps}^2 + c_0^2 k^2 \omega_{0ps}^2 = 0, \quad (38a)$$

$$\nu^4 - \nu^2 \left( \frac{k^2}{4\pi^2} + \nu_{fps}^2 + \nu_a^2 \right) \nu_a^2 \nu_{0ps}^2 + \frac{k^2}{4\pi^2} \nu_{0ps}^2 = 0. \quad (38b)$$

Решение этого уравнения задает закон дисперсии аксионов в явном виде:

$$\omega_{\pm}^2 = \frac{(\omega_{fps}^2 + \omega_a^2 + c_0^2 k^2)}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4(\omega_{0ps}^2 \omega_a^2 + c_0^2 \omega_{0ps}^2 k^2)}{(\omega_{fps}^2 + \omega_a^2 + c_0^2 k^2)^2}} \right), \quad (39)$$

$$\nu_{\pm}^2 = \frac{\left( \nu_{fps}^2 + \nu_a^2 + \frac{k^2}{4\pi^2} \right)}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4(\nu_{0ps}^2 \nu_a^2 + \nu_{0ps}^2 \frac{k^2}{4\pi^2})}{(\nu_{fps}^2 + \nu_a^2 + \frac{k^2}{4\pi^2})^2}} \right); \quad \omega = 2\pi c_0 \nu. \quad (40)$$

В области малых значений волнового вектора ( $k \sim 0$ ) закон дисперсии для двух ветвей аксионов представляется в виде:

$$\omega_+^2 \simeq \omega_{fps}^2 + \omega_a^2 - \frac{\omega_a^2 \omega_{0ps}^2}{\omega_{fps}^2 + \omega_a^2} + c_0^2 k^2 \left( 1 + \frac{\omega_a^2 \omega_{0ps}^2}{(\omega_{fps}^2 + \omega_a^2)^2} - \frac{\omega_{0ps}^2}{\omega_{fps}^2 + \omega_a^2} \right); \quad (41)$$

$$\omega_-^2 \simeq \frac{\omega_{0ps}^2 \omega_a^2}{\omega_{fps}^2 + \omega_a^2} + c_0^2 k^2 \left[ \frac{\omega_{0ps}^2}{\omega_{fps}^2 + \omega_a^2} - \frac{\omega_{0ps}^2 \omega_a^2}{(\omega_{fps}^2 + \omega_a^2)^2} \right], \quad (42)$$

$$\nu_+^2 \simeq \nu_{fps}^2 + \nu_a^2 - \frac{\nu_s^2 \nu_{0s}^2}{\nu_{fps}^2 + \nu_a^2} + \frac{k^2}{4\pi^2} \left[ 1 - \frac{\nu_{0s}^2}{\nu_{fps}^2 + \nu_a^2} + \frac{\nu_s^2 \nu_{0s}^2}{(\nu_{fps}^2 + \nu_a^2)^2} \right]; \quad (43)$$

$$\nu_-^2 \simeq \frac{\nu_a^2 \nu_{0ps}^2}{\nu_{fps}^2 + \nu_a^2} + \frac{k^2}{4\pi^2} \left[ \frac{\nu_{0s}^2}{\nu_{fps}^2 + \nu_a^2} - \frac{\nu_a^2 \nu_{0ps}^2}{(\nu_{fps}^2 + \nu_a^2)^2} \right]. \quad (44)$$

Таким образом, в данной работе получены дисперсионные зависимости  $\omega(k)$  в изотропных диэлектрических средах для поляритонов, хиднонов и аксионов. В реальных веществах вид таких зависимостей определяется при задании параметров осцилляторов, соответствующих полярным (дипольно-активным) колебаниям, полносимметричным колебаниям и псевдоскалярным модам в молекулах и кристаллах. В соответствии с правилами отбора для оптических процессов, такие колебания могут проявляться в спектрах инфракрасного поглощения, комбинационного рассеяния и гиперкомбинационного рассеяния света. Например, в кристаллах нитрита натрия в спектре оптических колебаний присутствуют следующие типы колебаний:

$$T_{\text{opt}} = [A_1(z) + B_1(x) + B_2(y)] + [A_2 + B_1(x) + B_2(y)] + [A_1(z) + A_1(z) + B_1(x)]. \quad (45)$$

Первая квадратная скобка соответствует трансляционным решёточным модам (поступательные осцилляции группы  $\text{NO}_2$  относительно ионов азота); вторая квадратная скобка – либрациям группы  $\text{NO}_2$  относительно трёх осей; третья скобка соответствует внутренним колебаниям группы  $\text{NO}_2$ . При этом колебания типа  $A_1(z), B_1(x), B_2(y)$ , являются дипольно-активными, т.е. для них должны реализоваться процессы гибридизации с векторными фотонами, приводящими к формированию поляритонных ветвей. Такие типы колебаний в данном кристалле активны как для процессов комбинационного рассеяния, так и инфракрасного поглощения. Колебания типа  $A_2$  являются псевдоскалярными. Таким образом, для этого типа колебаний должна формироваться ветвь аксионов. Этот тип колебаний неактивен для процессов однофотонного поглощения, но разрешён для комбинационного рассеяния. Наконец, колебания типа  $A_1$  являются полносимметричными, т.е. для них следует ожидать процессов гибридизации со скалярными фотонами с формированием хиднонов. Исследования угловых зависимостей спектров комбинационного рассеяния позволяют провести сопоставление экспериментальных данных с приведенной теорией.

Таким образом, в данной работе установлены законы дисперсии для квазичастиц в кристаллах, классифицируемых различными представлениями точечной группы симметрии материальной среды: векторным представлением, представлением скаляра и псевдоскаляра. Установлено, что вблизи центра зоны Бриллюэна вследствие резонансного взаимодействия квазичастиц материальной среды с элементарными частицами вакуума той же симметрии реализуются гибридные состояния квазичастиц: поляритонов, аксионов и хиднонов. Рассчитаны законы дисперсии гибридных квазичастиц и предсказаны особенности в угловых и спектральных зависимостях спектров неупругого

рассеяния света при малых значениях волновых векторов. Установленные законы дисперсии гибридных квазичастиц дают возможность оптимизировать условия для выполнения условий синхронизма при фотон-бозонной конверсии, а также в параметрических многочастичных процессах, сопровождающихся генерацией гибридных квазичастиц и различных типов бозонов вакуума.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (гранты 15-02-02882, 13-02-00449, 14-02-00190).

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] А. С. Давыдов, *Теория твёрдого тела* (М., Наука, 1976).
- [2] М. И. Каганов, *Электроны, фононы, магноны* (М., Наука, 192, 1979).
- [3] V. S. Gorelik, Polaritons and analogical excitations of media and physical vacuum. In: "Physical Interpretations of Relativity Theory". Proceedings of International Scientific Meeting PIRT-2003. Ed. by M.C. Duffy, V.O. Gladyshev, A.N. Morozov (Bauman Moscow State University, Moscow, Liverpool, Sunderland, 2003), p. 56.
- [4] V. S. Gorelik, *Physica Scripta T* **135**, 014039 (2009).
- [5] V. S. Gorelik, *Laser Physics* **18** (12), 1479 (2008).
- [6] V. S. Gorelik, *Acta Phys. Hung B* **26/1-2**, 37 (2006).
- [7] V. S. Gorelik, *J. of Russ. Laser Research* **28**(5), 437 (2006).
- [8] V. S. Gorelik, *Eur. Phys. J. Appl. Phys.* **49**, 33007 (2010).
- [9] Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц, *Квантовая механика. Нерелятивистская теория* (Гос. изд-во физ.-мат. лит., Москва, 1963), стр. 391-433.
- [10] В. С. Горелик, М. М. Сущинский, *Успехи физических наук* **98**(2), 237 (1969).
- [11] V. S. Gorelik, Dynamic of lattice models of media and physical vacuum. In: "Physical Interpretations of Relativity Theory". Proceedings of International Scientific Meeting PIRT-2005. Ed. by M. C. Duffy, V. O. Gladyshev, A. N. Morozov (Bauman Moscow State University, Moscow, Liverpool, Sunderland, 2005), p.70.
- [12] V. S. Gorelik, *Gravitation and Cosmology* **12**, no. 2-3(46-47), 151 (2006).
- [13] V. S. Gorelik, Quasi-particles in crystalline chains and in physical vacuum. In: "Physical Interpretations of Relativity Theory". Proceedings of International Scientific Meeting PIRT-2007. Ed. by M. C. Duffy, V. O. Gladyshev, A. N. Morozov (Bauman Moscow State University, Moscow, Liverpool, Sunderland, 2007), p. 253.

- [14] J. J. Hopfield, Phys. Rev. **112**, 1555 (1958).
- [15] C. H. Henry and J. J. Hopfield, Phys. Rev. Letts. **15**, 964 (1965).
- [16] S. P. Porto, B. Tell, and T. Damen, Phys. Rev. Letts. **10**, 450 (1966).
- [17] J. F. Scott, L. E. Cheesman, and S. P. Porto, Phys. Rev. **162**, 834 (1967).
- [18] Б. Н. Маврин, Х. Е. Стерин, ФТТ **14**, 2774 (1972).
- [19] Л. Б. Окунь, ЖЭТФ **83**(3), 892 (1982).
- [20] S. Hoffmann, Phys. Lett. B **193**, 117 (1986).
- [21] K. van Bibber, N. R. Dagdeviren, S. E. Koonin, et al., Phys. Rev. Lett. **59**, 759 (1987).
- [22] G. Ruoso, R. Cameron, G. Cantatore, et al., Z. Phys. C **56**, 505 (1992).
- [23] R. Cameron, G. Cantatore, A. C. Melissinos, et al., Phys. Rev. D **47**, 3707 (1993).
- [24] L. D. Duffy, P. Sikivie, D. B. Tanner, et al., Phys. Rev. D **74**, 012006 (2006).
- [25] D. D. Stancil, Phys. Rev. D **76**, 111701(R) (2007).
- [26] P. Sikivie, D. B. Tanner, and K. van Bibber, Phys. Rev. Lett. **98**, 172002 (2007).

Поступила в редакцию 13 февраля 2014 г.