УДК 551.510

## ИССЛЕДОВАНИЕ АЛГОРИТМА ЧАСТОТНО-ВРЕМЕННОГО АНАЛИЗА РЯДОВ ИЗМЕРЕНИЙ СПЕКТРОВ ИЗЛУЧЕНИЯ НОЧНОГО МЕЗОСФЕРНОГО ОЗОНА В МИЛЛИМЕТРОВОМ ДИАПАЗОНЕ ВОЛН

С.Б. Розанов, А.С. Завгородний, А.Н. Игнатьев

Для изучения вариаций излучения ночного мезосферного озона, наблюдаемых на миллиметровых волнах с поверхности Земли, разработан и испытан алгоритм частотно-временного анализа нерегулярных по времени рядов данных. Приведены некоторые результаты численных и натурных экспериментов.

**Ключевые слова**: озон, миллиметровые волны, мезосфера, спектрометр, выборка, частотный анализ, окно наблюдений, численное моделирование.

Веедение. Атмосферный озон защищает жизнь на Земле от ультрафиолетового излучения Солнца, влияет на тепловой баланс и динамику атмосферы, на климат [1]. В ночное время содержание озона выше 50 км, в мезосфере, значительно увеличивается. Наземные измерения на миллиметровых (MM) волнах позволяют получать данные о вертикальном распределении озона (BPO) на высотах до 90–100 км [2, 3]. В ходе работ, проведенных в 1999–2006 гг. в ФИАН и ИФА РАН, были обнаружены быстрые вариации излучения ночного озона с периодами от нескольких минут до нескольких часов [2, 3]. Создание в ФИАН нового автоматизированного озонометра MM диапазона с высокой чувствительностью [4] дало возможность более детально исследовать эти вариации. Целями данной работы были выбор и исследование характеристик алгоритма частотно-временного анализа *неравномерных* по времени рядов измерений спектров ночного озона на MM волнах, позволяющих выявлять колебания интенсивности (яркостной температуры) излучения озона, определять их периоды и длительности.

Аппаратура и методика наблюдений. Единичные спектры излучения озона (линия с центральной частотой  $f_0 = 142.175 \ \Gamma \Gamma \mu$ , длина волны 2.1 мм) накапливаются в течение

ФИАН, 119991 Россия, Москва, Ленинский пр-т, 53; e-mail: sergroz@sci.lebedev.ru.

100 с и записываются каждые 110 с с помощью 50-канального фильтрового анализатора спектра AC-50 с разрешением 0.1 МГц в центре линии [4]. Накопление спектров периодически, обычно раз в 25 минут, прерывается для калибровки озонометра и уточнения его параметров. В результате данные наблюдений представляют собой *неравномерные* по времени ряды значений яркостных температур в каналах AC-50.

Алгоритм частотно-временного анализа. В [3] показано, что ВРО в мезосфере может быть определено по разностям яркостных температур линии озона, измеренных в каналах AC-50 с отстройками частоты 0, 50, 150 и 250 кГц от центра линии. Ряды разностей яркостных температур единичных спектров и являются объектом частотновременного анализа. Наиболее известные методы такого анализа: оконное преобразование Фурье (ПФ) [5] и вейвлет-преобразование [6], применимы только к равномерным выборкам. Интерполяция неравномерных данных на равномерную сетку может, как отмечалось в [7], приводить к потере в спектре мощности сигнала высоких частот, приближающихся к половине частоты дискретизации. Задача адаптации аппарата вейвлетпреобразования для анализа неравномерных выборок, а главное, последующего определения статистических характеристик получаемых результатов весьма трудоемка, её решение в рамках данной работы было признано нецелесообразным.

Метод частотного анализа *неравномерных рядов* данных, свободный от недостатков ПФ, был предложен Ломбом [8] и Скарглом [7] с использованием результатов Барнинга [9]. Пусть выборка состоит из N измерений  $X_j$  величины X(t), полученных в моменты времени  $t = t_j, j = 1, ..., N, t_{j+1} > t_j$ . Периодограмма Ломба (спектр мощности) величины X(t) определяется как [8]:

$$Q_{LX}(\omega) = \frac{1}{2} \left\{ \frac{\left[\sum_{j=1}^{N} (X_j - \bar{X}) \cos \omega(t_j - \tau)\right]^2}{\sum_{j=1}^{N} \cos^2 \omega(t_j - \tau)} + \frac{\left[\sum_{j=1}^{N} (X_j - \bar{X}) \sin \omega(t_j - \tau)\right]^2}{\sum_{j=1}^{N} \sin^2 \omega(t_j - \tau)} \right\}, \quad (1)$$

где  $\omega$  – круговая частота,  $\bar{X}$  – среднее значение X(t), временной сдвиг  $\tau$ определяется как

$$tg(2\omega\tau) = \frac{\sum_{j=1}^{N} \sin(2\omega t_j)}{\sum_{j=1}^{N} \cos(2\omega t_j)}.$$
(2)

В [7, 8] показано, что периодограмма Ломба (1) инвариантна по отношению к сдвигу шкалы времени, а её статистические свойства для неравномерных выборок оказываются такими же, как свойства преобразования Фурье для равномерных выборок. Так, если X(t) – случайная гауссова величина с дисперсией  $\sigma_X^2$ , то плотность вероятности того, что  $Q_{LX}(\omega) = z\sigma_X^2$ , равна  $p(z) = e^{-z}$  (порог  $z \ge 0$ ), а среднее по частоте значение  $Q_{LX}(\omega)$  равно  $\sigma_X^2$  [7]. Т.к. на результаты измерений накладывается шум аппаратуры, требуется оценить вероятность появления в результатах расчёта  $Q_{LX}(\omega)$  шумового выброса, превышающего уровень  $z\sigma_X^2$  на одной из M контролируемых частот. В [7, 10] показано, что эта вероятность "ложной тревоги" равна

$$p_0 = 1 - (1 - e^{-z})^M.$$

Вероятность  $p_0$  на практике выбирается достаточно малой,  $p_0 \leq 0.1$ . В этом случае

$$p_0 \approx M e^{-z}.\tag{3}$$

Для выборок с небольшим нарушением регулярности, как в нашем случае, принимают  $M \approx N$  [10]. Тогда из (3) получаем

$$z \approx \ln(N/p_0). \tag{4}$$

Частотный анализ методом Ломба позволяет решить задачу обнаружения колебательных процессов в рядах данных, однако для изучения эволюции наблюдаемых явлений нужен частотно-временной анализ, при котором часть выборки выделяется скользящим окном наблюдений. При использовании окна наблюдений вместо исследуемой величины X(t) берётся её произведение на некоторую весовую функцию (в нашей работе – гауссовой формы) с полушириной  $T_w$ , а в формуле (4) общее число точек выборки N заменяется на их эффективное количество в пределах окна.

Численные эксперименты. Алгоритм, созданный для анализа результатов измерений спектров излучения ночного озона, базируется на соотношениях (1) и (2) с учётом рекомендаций работ [8, 10]. В качестве величины X(t) используются измеряемые в градусах Кельвина (К) разности яркостных температур линии озона в центральных каналах фильтрового анализатора спектра [4]. Для проверки разрешения алгоритма по частоте и времени использовался тестовый сигнал в виде суммы трёх гармоник с амплитудами 10, 5 и 7 К на частотах 1, 2 и 3 мГц соответственно. Каждая из гармоник "включалась" на своем интервале времени, интервалы частично перекрывались. Отсчеты времени выборки с количеством элементов N = 1000 формировались как сумма регулярной (с периодом 110 с) и случайной (с СКО  $\sigma_t = 5$  с) составляющих. В результате обработки такого сигнала с использованием окон с полушириной  $T_w = 5 - 30$  минут были определены моменты "включения" и "выключения" гармоник, оказавшиеся в хорошем согласии с характеристиками исходного сигнала. Средние уровни спектральных составляющих гармоник соотносятся примерно как  $4:1:2 \approx 10^2:5^2:7^2$ , т.е. соответствуют квадратам амплитуд (мощностям) гармоник.

Чтобы смоделировать выделение гармонического сигнала из шумов аппаратуры, использовались тестовые сигналы

$$X_1(t) = S_1 \sin(2\pi F_1 t) + Gg(t)$$
(5)

в виде суммы гармоники с частотой  $F_1 = 1$  мГц и амплитудой  $S_1$  и центрированного гауссова шума g(t) с единичной дисперсией, масштабируемого множителем G = 1.6 К, соответствующим шуму аппаратуры при времени накопления спектра 100 с. Число элементов выборки N = 300 соответствует типичному числу единичных спектров озона в течение зимней ночи. На рис. 1(а) показаны периодограммы Ломба (1) чисто шумового сигнала, когда  $S_1 = 0$ , для одной реализации шума (тонкая линия) и среднее по 10 реализациям (толстая линия). Горизонтальные линии на рис. 1(а) отмечают вероятности "ложной тревоги"  $p_0 = 0.5, 0.1, 0.05, 0.01$ . Видно, что для единичной реализации шума максимальные пики лежат между значениями 0.5 и 0.1 вероятности  $p_0$ . Поэтому



Рис. 1: (а) периодограммы Ломба (1) для центрированного гауссова шума: для одной реализации шума (тонкая линия) и средний спектр по 10 реализациям (толстая линия); (б) периодограмма Ломба для гармонического сигнала с частотой  $F_1 = 1 \ M\Gamma u$  и амплитудой  $S_1 = 0.5 \ K$  в присутствии гауссова шума с дисперсией ( $G^2 = 1.6K^2$ ).

регистрация гармонической компоненты сигнала  $X_1(t)$  в нашем случае может считаться достаточно надёжной при превышении ею уровня, соответствующего вероятности  $p_0 = 0.05$ . Среднее по частоте значение мощности для единичной реализации шума составило 2.57<sup>2</sup>, для среднего спектра по 10 реализациям – 2.49<sup>2</sup>, обе эти величины близки к теоретическому значению  $G^2 = 2.56^2$ . На рис. 1(б) приведена периодограмма Ломба (1) для сигнала  $X_1(t)$  при амплитуде гармоники  $S_1 = 0.5$  К. Горизонтальные линии соответствуют значениям  $p_0 = 0.05$ , 0.01. Видно, что спектральная составляющая на частоте 1 мГц превышает шумы и достигает порога обнаружения, соответствующего вероятности  $p_0 = 0.05$  (обведено кружком). При этом отношение амплитуды сигнала к СКО шума составляет  $S_1/G \approx 0.3$ .

В настоящее время алгоритм частотно-временного анализа используется для обработки экспериментальных массивов спектров излучения ночного мезосферного озона. Предварительный анализ выявил колебания разностей яркостных температур в центре линии с периодами от 5 до 40 мин и "временами жизни" процессов от 1 до 8 периодов.

Заключение. Обоснован выбор алгоритма частотно-временного анализа неравномерных по времени рядов измерений спектров излучения ночного мезосферного озона в линии 142.175 ГГц, основанного на методе периодограмм Ломба. Для выявления колебаний с "временами жизни" меньше длительности сеансов наблюдений использованы скользящие временные окна гауссовой формы. Численные эксперименты показали корректность работы алгоритма. При обработке экспериментальных данных выявлены вариации излучения озона с периодами от 5 до 40 мин, которые могут быть связаны с распространением внутренних гравитационных волн (волн плавучести).

Работа поддержана программами ОФН РАН "Радиоэлектронные методы в исследованиях природной среды и человека" и "Новые источники миллиметрового и терагерцового излучения и их перспективные приложения". Авторы выражают благодарность д.ф.-м.н. С. В. Соломонову и к.ф.-м.н. Е. П. Кропоткиной за полезные обсуждения работы.

## ЛИТЕРАТУРА

- Scientific Assessment of Ozone Depletion: 2014. Report No. 55 (WMO, Geneva, 2014), http://www.esrl.noaa.gov/csd/assessments/ozone/2014/report.html.
- [2] С. В. Соломонов, Е. П. Кропоткина, А. И. Семенов, Краткие сообщения по физике ФИАН, № 10, 31 (2001).

- [3] А. Н. Игнатьев, Радиометрия атмосферного озона и окиси хлора на миллиметровых волнах. Дисс. канд. физ.-мат. наук (МГУ, Москва, 2006).
- [4] С. Б. Розанов, А. С. Завгородний, С. В. Логвиненко и др., Известия вузов. Радиофизика 54, (8-9), 708 (2011).
- [5] А. Б. Сергиенко, *Цифровая обработка сигналов*. 2-е изд. (Питер, Санкт-Петербург, 2006).
- [6] В. П. Дьяконов, Вейвлеты. От теории к практике (Солон-Р, Москва, 2002).
- [7] J. D. Scargle, Astrophys. Space Sci. J. **263**, 835 (1982).
- [8] N. R. Lomb, Astrophys. Space Sci. 39, 447 (1976).
- [9] F. J. M. Barning, Bulletin of the Astron. Institutes of the Netherlands 17, 22 (1963).
- [10] Spectral Analysis of Unevenly Sampled Data, in Numerical Recipies, 3rd Edition, Ed. by W. H. Press et al., (Cambridge, 1986), Chap. 13, p. 685.

Поступила в редакцию 7 июня 2016 г.