

УДК 537.312.62

## ИЗОЛИРОВАННАЯ МАГНИТНАЯ ПРИМЕСЬ В СВЕРХПРОВОДНИКЕ С ДВУХКОМПОНЕНТНЫМ ПАРАМЕТРОМ ПОРЯДКА

Ю. С. Бараш, А. Г. Гришин

*Проведен микроскопический расчет коэффициента перед специфическим инвариантом в функционале Гинзбурга – Ландау, описывающим влияние магнитной примеси на свойства сверхпроводника с двухкомпонентным параметром порядка. Показано, что отличие от нуля данного коэффициента обусловлено взаимодействием спин-орбитального происхождения. Дана оценка величины этого коэффициента в применении к сверхпроводнику с тяжелыми фермионами  $UPt_3$ .*

Фазовая диаграмма гексагонального сверхпроводящего соединения с тяжелыми фермионами  $UPt_3$  включает несколько различных сверхпроводящих фаз, разделенных линиями фазовых переходов второго рода на плоскости магнитное поле – температура. Этот и ряд других экспериментальных результатов являются важными аргументами в пользу реализации одного из анизотропных типов спаривания в  $UPt_3$ , описываемых двухкомпонентным параметром порядка  $\vec{\eta} = (\eta_1, \eta_2)$ , который преобразуется по одному из неприводимых двумерных представлений  $E_1$  или  $E_2$  группы  $D_{6h}$  как в случае синглетного, так и для триплетного спариваний (см., например, обзорные работы [1, 2]). Наличие у сверхпроводящего параметра порядка двух компонент приводит ко многим специфическим для таких типов спаривания новым эффектам, один из которых привлек недавно внимание в связи с экспериментами по прецессии мюонного спина для измерения локального распределения магнитного поля в сверхпроводниках с тяжелыми фермионами [3 – 5]. Уже в рамках теории Гинзбурга – Ландау можно показать, что изолированная точечная примесь, находящаяся в состоянии, не инвариантном относительно операции обращения времени (например, магнитный примесный атом или

моон, инжектируемый в сверхпроводник в упомянутых выше экспериментах), может индуцировать в своей окрестности в сверхпроводнике с двухкомпонентным параметром порядка сверхтекучие токи, создающие в месте нахождения примеси не равное нулю магнитное поле (хотя в отсутствие такой примеси магнитное поле в сверхпроводнике равно нулю) [6].

В теории с однокомпонентным параметром порядка  $\eta$  в функционале Гинзбурга – Ландау имеется только один инвариант второго порядка, обусловленный присутствием изолированной точечной примеси:  $\kappa|\eta|^2\delta(\mathbf{r}-\mathbf{r}_0)$  (где  $\mathbf{r}_0$  – местоположение примеси; далее полагаем  $\mathbf{r}_0 = 0$ ). Такой член приводит лишь к локальному сдвигу критической температуры сверхпроводника и, кроме того, имеет один и тот же вид для немагнитной и для магнитной примесей. В случае же сверхпроводника с двухкомпонентным параметром порядка влияние примеси описывается, вообще говоря, четырьмя слагаемыми вида [6]

$$\mathcal{F}_{imp} = \kappa(|\eta_1|^2 + |\eta_2|^2)\delta(\mathbf{r}) + \nu(|\eta_1|^2 - |\eta_2|^2)\delta(\mathbf{r}) + \gamma(\eta_1\eta_2^* + \eta_1^*\eta_2)\delta(\mathbf{r}) + i\mu(\eta_1\eta_2^* - \eta_1^*\eta_2)\delta(\mathbf{r}). \quad (1)$$

Здесь коэффициенты  $\nu$ ,  $\gamma$  и  $\mu$  не являются скалярами, что существенно для обеспечения инвариантности выписанных выражений относительно элементов пространственной симметрии системы "кристалл+примесь", а также операции обращения времени. Вследствие этого отличие коэффициентов  $\nu$  и  $\gamma$  от нуля возможно, только если состояние примеси не симметрично относительно поворотов в базисной плоскости гексагонального кристалла на углы, кратные  $\pi/3$ . Отличие же от нуля коэффициента  $\mu$  оказывается непосредственно связано с условием нахождения примеси в состоянии, не инвариантном относительно обращения времени. Инвариант, связанный с коэффициентом  $\mu$ , как раз и оказывается ответственным в теории Гинзбурга – Ландау за индуцирование примесью в сверхпроводнике магнитного поля в месте ее положения. Цель предлагаемой работы – микроскопическое вычисление коэффициента  $\mu$ .

При микроскопическом рассмотрении теории Гинзбурга – Ландау исходным, как обычно, является уравнение самосогласования для сверхпроводящего параметра порядка, который в случае синглетного спаривания можно представить в виде  $\hat{\Delta}(\mathbf{p}) = i\hat{\tau}_y\psi(\mathbf{p})$ , а для триплетного спаривания – в виде  $\hat{\Delta}(\mathbf{p}) = i(\mathbf{d}(\mathbf{p}) \cdot \hat{\boldsymbol{\tau}})\hat{\tau}_y$ , где  $\hat{\tau}_i$  – матрицы Паули. Хотя для  $UPt_3$  тип спаривания однозначно пока не идентифицирован, анализ экспериментов, в которых проявляется анизотропия парамагнитного предела, показывает, что в случае триплетного спаривания в  $UPt_3$  должно быть  $\mathbf{d} \parallel z$ , где  $z$  – гексагональная кристаллическая ось [9]. Ниже синглетный и триплетный случаи рассматриваются совместно, при

этом вводим обозначения  $\Delta(\mathbf{p}) = \psi(\mathbf{p})$  для синглетного случая и  $\Delta(\mathbf{p}) = d_z(\mathbf{p})$  для триплетного спаривания указанного вида.

Вблизи  $T_c$  выражение для  $\Delta(\mathbf{p}, \mathbf{r})$  может быть представлено в виде

$$\Delta(\mathbf{p}, \mathbf{r}) = \eta_1(\mathbf{r})\varphi_1(\mathbf{p}) + \eta_2(\mathbf{r})\varphi_2(\mathbf{p}). \quad (2)$$

Здесь  $\varphi_{1,2}(\mathbf{p})$  – базисные функции двумерного неприводимого представления, по которому происходит фазовый переход, а  $\eta_{1,2}(\mathbf{r})$  – две компоненты параметра порядка, фигурирующие в функционале Гинзбурга – Ландау. Такое представление имеет весьма общий характер вблизи  $T_c$ , поскольку при этом в выражении для спаривательного анизотропного потенциала взаимодействия, фигурирующего в уравнении самосогласования, достаточно оставить лишь член, имеющий ту же симметрию, что и реализуемый в сверхпроводящем состоянии тип спаривания:

$$V(\mathbf{p}, \mathbf{p}') = -g(\varphi_1(\mathbf{p})\varphi_1(\mathbf{p}') + \varphi_2(\mathbf{p})\varphi_2(\mathbf{p}')). \quad (3)$$

Если же весь потенциал спаривания с хорошей точностью описывается приведенным факторизованным выражением, то такое представление для  $\Delta(\mathbf{p}, \mathbf{r})$  имеет место во всей области температур.

Для описания влияния изолированной примеси на свойства сверхпроводника с анизотропным спариванием мы используем подход, развитый в работах [7, 8] в применении к сверхтекучему  $^3\text{He}$  (см. также [10, 11]). Введем матричную гриновскую функцию размерности  $4 \times 4$ :

$$\hat{\mathcal{G}} = \begin{pmatrix} \hat{G} & -\hat{F} \\ -\hat{F} & \hat{G} \end{pmatrix}. \quad (4)$$

Здесь все пропагаторы вида  $\hat{G}$ ,  $\hat{F}$  есть матрицы  $2 \times 2$  в спиновом пространстве. Матрицу  $\hat{\mathcal{G}}$  удобно представить в следующем виде

$$\hat{\mathcal{G}}(\mathbf{k}, \mathbf{q}) = \hat{\mathcal{G}}_{imt}(\mathbf{k}, \mathbf{q}) + \hat{\mathcal{G}}_{imt} \left( \mathbf{k} + \frac{\mathbf{q}}{2}, \mathbf{r} = 0 \right) \hat{T}_{kk} \hat{\mathcal{G}}_{imt} \left( \mathbf{k} - \frac{\mathbf{q}}{2}, \mathbf{r} = 0 \right). \quad (5)$$

Импульс  $\mathbf{k}$  в (5) отвечает относительному движению электронов в паре, а импульс  $\mathbf{q}$  есть импульс куперовской пары как целого ( $\mathbf{r}$  – координата центра масс куперовской пары). Длина рассеяния  $l$  электронов на примеси предполагается порядка межатомных расстояний ( $l \ll \xi_0$ ). Фигурирующий здесь пропагатор  $\hat{\mathcal{G}}_{imt}$  удовлетворяет уравнениям

для сверхпроводника без примеси, если не уточнять поведение величины  $\Delta$ , для которой предполагается выполненным точное уравнение самосогласования (в присутствии примеси).

Далее, входящая в (5)  $T$ -матрица удовлетворяет уравнению

$$\hat{T}_{k_1 k_2} = \hat{U}_{k_1 k_2} + \int \frac{d\tilde{k}}{(2\pi)^3} \hat{U}_{k_1 \tilde{k}} \hat{G}_{imt}(\tilde{\mathbf{k}}; \mathbf{r} = 0) \hat{T}_{\tilde{k} k_2}, \quad (6)$$

где матрица  $\hat{U}_{k_1 k_2}$  размерности  $4 \times 4$  связана с потенциалом рассеяния на примеси:

$$\hat{U}_{k_1 k_2} = i v_{k_1 k_2} \hat{l} + w_{k_1 k_2} \hat{D}_1 + u_{k_1 k_2} \hat{D}_2. \quad (7)$$

Смысл матричных элементов  $v_{k_1 k_2}$ ,  $w_{k_1 k_2}$ ,  $u_{k_1 k_2}$ , характеризующих взаимодействие электронов с примесью, следует из вида соответствующей части гамильтониана:

$$\hat{h} = w(r) + u(r) \mathbf{M} \cdot \hat{\vec{\tau}} + v(r) \mathbf{M} \cdot \hat{\mathbf{L}}. \quad (8)$$

Таким образом,  $w(r)$  описывает обычный потенциал рассеяния на немагнитной примеси,  $u(r)$  характеризует взаимодействие магнитного момента примеси  $\mathbf{M}$  со спином электронов, а  $v(r)$  относится к взаимодействию спин-орбитального происхождения ( $\hat{\mathbf{L}}$  есть оператор орбитального момента электронов).

Введенные в (7) матрицы  $\hat{D}_1$  и  $\hat{D}_2$  определены следующим образом:

$$\hat{D}_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, \quad \hat{D}_2 = \begin{pmatrix} \mathbf{M} \hat{\vec{\tau}} & 0 \\ 0 & -\mathbf{M} \hat{\vec{\tau}}^* \end{pmatrix}. \quad (9)$$

В уравнении самосогласования, как известно, фигурирует гриновская функция  $\hat{F}$ , которую вблизи  $T_c$  при нахождении линейных по  $\Delta$  членов в уравнении Гинзбурга – Ландау достаточно найти в первом по  $\Delta$  приближении. Поскольку функция  $\hat{F}$  занимает один из блоков матричного пропагатора  $\hat{G}$ , то и при нахождении  $\hat{G}$  (точнее, речь идет о выражении  $\hat{G}$  через  $\Delta$ ) можно ограничиться указанной точностью. Соответствующее решение для  $\hat{G}_{imt}(\mathbf{k})$  имеет вид:

$$\hat{G}_{imt}(\mathbf{k}, \mathbf{r}) = - \frac{i\omega_n \hat{l} + \epsilon(\mathbf{k}) \hat{D}_1 + \hat{\sigma}(\mathbf{k}, \mathbf{r})}{\omega_n^2 + \epsilon^2(\mathbf{k})}, \quad (10)$$

где  $\omega_n = (2n + 1)\pi T$  – мацубаровская частота. Входящая сюда матрица  $\hat{\sigma}(\mathbf{k}, \mathbf{r})$  имеет для синглетного и триплетного спариваний различный вид:

$$\hat{\sigma}_s = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & \Delta \\ 0 & 0 & -\Delta & 0 \\ 0 & -\Delta^* & 0 & 0 \\ \Delta^* & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}, \quad \hat{\sigma}_{tr} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & \Delta \\ 0 & 0 & \Delta & 0 \\ 0 & \Delta^* & 0 & 0 \\ \Delta^* & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}. \quad (11)$$

Выражение для  $T$ -матрицы ищем, учитывая лишь первые два порядка борновского приближения, что позволяет сделать замену  $T \rightarrow U$  в подынтегральном выражении в (6). Подставляя затем выражения для  $\hat{G}_{imt}$  и  $\hat{T}_{kk}$  в соотношение (5), получаем выражение для матричного пропагатора  $\hat{G}$  через параметр порядка  $\Delta$ . Правый верхний блок этого пропагатора размерности  $2 \times 2$  есть величина  $\hat{F}$ , которую и следует подставить в уравнение самосогласования

$$\Delta_{s_1 s_2}(\mathbf{p}, \mathbf{q}) = -T \sum_{\omega_n} \sum_{\tilde{p}, s_3, s_4} V_{s_2 s_1 s_3 s_4}(\mathbf{p}, \mathbf{p}') F_{s_3 s_4}(\omega_n; \mathbf{p}', \mathbf{q}). \quad (12)$$

Спиновую структуру фигурирующего здесь спаривательного потенциала считаем известной, исходя из четности спаривания. Так, для синглетной сверхпроводимости полагаем  $V_{s_1 s_2 s_3 s_4}(\mathbf{p}, \mathbf{p}') = -(\tau_y)_{s_1 s_2} (\tau_y)_{s_3 s_4} V(\mathbf{p}, \mathbf{p}')$ . В случае же рассматриваемого типа триплетного спаривания ( $\mathbf{d} \parallel z$ ) имеем  $V_{s_1 s_2 s_3 s_4}(\mathbf{p}, \mathbf{p}') = (\tau_x)_{s_1 s_2} (\tau_x)_{s_3 s_4} V(\mathbf{p}, \mathbf{p}')$ .

Используя в уравнении самосогласования соотношения (2), (3) и учитывая линейную независимость базисных функций  $\varphi_1(\mathbf{p})$ ,  $\varphi_2(\mathbf{p})$ , получаем два связанных уравнения Гинзбурга – Ландау для двухкомпонентного параметра порядка  $\eta_{1,2}$  и микроскопические выражения для соответствующих коэффициентов. Приведем здесь кратко некоторые результаты, касающиеся введенных в (1) коэффициентов перед членами, обусловленными присутствием изолированной примеси. В первом борновском приближении все коэффициенты кроме  $\kappa$  оказываются равными нулю, причем отличие  $\kappa$  от нуля имеет место лишь при учете асимметрии частица-дырка. Во втором борновском приближении роль взаимодействия спина примеси со спином электронов сводится лишь к появлению дополнительного вклада в коэффициент  $\kappa$ . В то же время, взаимодействие спина примеси с орбитальным моментом электронов обуславливает появление во втором борновском приближении отличных от нуля коэффициентов  $\gamma$ ,  $\nu$  и  $\mu$ . В частности, для интересующего нас коэффициента  $\mu$  находим

$$\mu = 1, 22 M_z \alpha v_f \lambda N^2(0) \int d\Omega \int d\Omega' \Phi_{kk'} w_{kk'} (\hat{k}_y \hat{k}'_x - \hat{k}_x \hat{k}'_y) \varphi_1(\hat{k}) \varphi_2(\hat{k}'), \quad (13)$$

где введена безразмерная константа связи  $\lambda = gN(0)$  и базисные функции предполагаются нормированными:  $\int d\Omega \varphi_{1,2}^2(\hat{k}) = 4\pi$ . Интегрирование в (13) выполняется по направлениям импульса на поверхности Ферми,  $v_f$  есть скорость Ферми, а  $\Phi_{kk'}$  – матричный элемент функции  $\Phi(r)$ , которая связана с  $v(r)$  следующим образом:  $d\Phi(r)/dr = rv(r)$ . Коэффициент  $\alpha$  в (13) фигурирует также в первом члене в функционале Гинзбурга – Ландау:  $\alpha(T - T_c)(|\eta_1|^2 + |\eta_2|^2)$ .

Поскольку выражение (13) пропорционально  $M_z$ , коэффициент  $\mu$  меняет знак при операции обращения времени, обеспечивая инвариантность всего выражения  $i\mu(\eta_1\eta_2^* - \eta_1^*\eta_2)$ . Задавшись определенными  $w(r)$  и  $v(r)$ , можно оценить значение коэффициента  $\mu$ . Положим для оценки  $\omega(r) \propto \epsilon_f a^3 \delta(r)$ ,  $v(r) \propto \mu_B/r^3$ , где  $a$  – межатомное расстояние,  $\epsilon_f$  – энергия Ферми, а  $\mu_B$  – магнетон Бора. Будем пользоваться базисными функциями  $\varphi_1(\hat{k}) = \sqrt{15}k_x k_z$ ,  $\varphi_2(\hat{k}) = \sqrt{15}k_y k_z$  (другие базисные функции приводят к изменению числового множителя в два-три раза). Из (13) с учетом сказанного получаем  $\mu \propto (M_z/\mu_B)\mu_B^2\alpha\lambda$ . Чтобы оценить произведение  $\alpha\lambda$ , используем следующие данные для  $UPt_3$  [12]:  $\Delta C_+/T_{c+} = 205 J/(mol \cdot K^2)$ ,  $T_{c+} = 441 mK$  и следующие соотношения:

$$\frac{\Delta C_+}{T_{c+}} = \frac{N_a}{n} \frac{\alpha^2}{3\beta_1}, \quad \beta_1 \sim \frac{\alpha\lambda}{T_c}, \quad T_c \propto \epsilon_c \exp(-1/2\lambda). \quad (14)$$

Выражая  $\mu$  через известные из эксперимента значения, имеем

$$\mu \propto (10^{-26} K)(M_z/\mu_B) \frac{\Delta C_+/T_{c+}}{T_c \ln^2(\epsilon_c/T_c)} \propto 0,05(M_z/\mu_B) K^{-1}. \quad (15)$$

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Sigrist M. and Ueda K. Rev. Mod. Phys., **63**, 239 (1991).
- [2] Sauls J. A. Adv. Phys., **43**, 113 (1994).
- [3] Heffner R. H. et al. Phys. Rev. Lett., **65**, 2816 (1990).
- [4] Luke G. M. et al. Phys. Rev. Lett., **71**, 1466 (1993).
- [5] De Réotier P. D. et al. Preprint (cond-mat/9511057) (1995).
- [6] Barash Yu. S., Sigrist M., Grishin A. (готовится к печати).
- [7] Rainer D. and Vuorio M. J. Phys. C: Solid State Phys., **10**, 3093 (1977).
- [8] Thuneberg E. V., Kurkijärvi J., and Rainer D. J. Phys. C: Solid State Phys., **14**, 5615 (1981).
- [9] Choi C. H. and Sauls J. Phys. Rev., **B48**, 13684 (1993).

- [10] Choi C. H. and Muzikar P. Phys. Rev. B, **39**, 9664 (1989).
- [11] Choi C. H. and Muzikar P. Phys. Rev. B, **41**, 1812 (1990).
- [12] Fisher R. A., Kim S., Woodfield B. F. et al. Phys. Rev. Lett., **62**, 1411 (1989).

Поступила в редакцию 6 марта 1996 г.