

ОБ УРАВНЕНИИ МАГНИТНОГО СОСТОЯНИЯ  
ЖЕЛЕЗА, КОБАЛЬТА И НИКЕЛЯ

В.М. Зверев, В.П. Силин

*Предложена интерпретация высокотемпературных магнитных свойств железа, кобальта и никеля на основе представлений о малости намагниченности по сравнению с намагниченностью насыщения и о разрушении магнетизма тепловыми фоновыми флуктуациями [1].*

Спонтанная намагниченность таких ферромагнетиков как железо, кобальт и никель мала по сравнению с намагниченностью насыщения. Несмотря на это, интерпретировать температурную зависимость намагниченности и восприимчивости в рамках простых представлений о степенных разложениях свободной энергии по намагниченности и температуре как в стонеровском, так и в спин-флуктуационном подходах не удается [2]. Для интерпретации приходится использовать предположения о сложной и тонкой зависимости от энергии плотности энергетических состояний (ПЭС) коллективизированных электронов, ответственных за возникновение ферромагнитного состояния [3 - 5]. В настоящем сообщении предлагается альтернативный подход, не связанный с использованием тонких свойств ПЭС. Он базируется на работе [1], в которой температурная зависимость намагниченности и восприимчивости определяется тепловыми фононами, скорость распространения которых, а поэтому и дебаевская температура  $\Theta_M$ , зависят от намагничения  $M$ .

В соответствии с [1], уравнение магнитного состояния, связывающее магнитную индукцию  $B$  с намагниченностью  $M$ , температурой  $T$  и объемом  $V$ , может быть представлено в виде

$$B = \frac{1}{V} \left[ \frac{\partial F_M(V, M, T=0)}{\partial M} \right] V + \frac{1}{V} \left( \frac{\partial \Theta_M}{\partial M} \right) V \varphi \left( \frac{T}{\Theta_M} \right), \quad (1)$$

где  $\varphi(x) = f(x) - xf'(x) - f(0)$ ;  $\Theta f(T/\Theta)$  определяет вклад решетки в свободную энергию, описываемый законом соответственных состояний [6]. Вклад от  $F_M(V, M, T=0)$  в (1) запишем в виде разложения по степеням  $M$  вплоть до пятой (ср. [3, 7])  $a_1 M + a_3 M^3 + a_5 M^5$ , где  $a_1 = (1 + 2\psi\nu)/2\beta^2\nu$ ,  $a_3 = -[\nu\nu'' - 3(\nu')^2]/(48\beta^4\nu^5)$ ,  $a_5 = [-\nu^3\nu^{(IV)} + 15\nu^2\nu'\nu''' + 10(\nu\nu'')^2 - 105\nu(\nu')^2\nu'' + 105(\nu')^4]/(3840\beta^6\nu^9)$ . Здесь  $\psi$  - постоянная обменного взаимодействия;  $\beta$  - магнитный момент электрона;  $\nu = \nu(\epsilon_F)$  - плотность энергетических состояний электронов на уровне Ферми  $\epsilon_F$ .

При  $T > \Theta$   $\Theta_M \varphi(T/\Theta_M) = C_{ph}(T - a\Theta_M)$ , где  $C_{ph} = 3N_A k$ ,  $k$  - постоянная Больцмана,  $N_A$  - число атомов кристалла,  $a$  - постоянная, меньшая единицы. В частности, в модели Дебая  $a = 3/8$ .

Благодаря зависимости модулей упругости от намагничения можно записать  $1/\Theta_M = \Theta + \Theta'M^2 + (1/2) \times \Theta''M^4$ . Тогда, удерживая в температурно зависящей части формулы (1) слагаемые до  $M^3$ , получаем:

$$B = a_1 M + a_3 M^3 + a_5 M^5 + 2M(C_{ph}\Theta'/V\Theta)[T - a\Theta + M^2(T(\Theta''/\Theta' - \Theta'/\Theta) - a\Theta\Theta''/\Theta')]. \quad (2)$$

Для иллюстрации укажем, что в простейшей модели, учитывающей только упругость, обусловленную модулем всестороннего сжатия, а электронные свойства металла описываемой в приближении, пренебрегающей зависимостью ширины электронной энергетической зоны от объема и зависимостью энергии электронов от деформационного потенциала, имеем  $\Theta' = -\Theta K_e [\nu\nu'' - 3(\nu')^2]/16K_0\beta^2\nu^4$ ,

$$\Theta'' = -\Theta \frac{K_e}{384K_0\beta^4\nu^8} [\nu^3\nu^{(IV)} + \nu^2\nu'''\nu' + 33\nu(\nu')^2\nu'' - 6(\nu\nu')^2 - 69(\nu')^4 + (3K_e/2K_0 - 4)(\nu\nu'' - 3(\nu')^2)^2]$$

где  $K_e = N^2/2V^2\nu$ ,  $K_0 = K_e + K_1$ ,  $N$  — число электронов,  $K_1$  — вклад решетки в модуль всестороннего сжатия.

Сравним уравнение (2) с экспериментальными данными для намагниченности Fe, Co, Ni, приведенными в работе /8/ при  $B = 0$ . Отметим, что для железо-никелевого инвариного сплава  $Fe_{0,65}Ni_{0,35}$  в области высоких температур реализуется закон  $M \propto (T_c - T)^{1/2}$ , что означает малость в (2) слагаемого, пропорционального  $M^5$ , и температурно зависящего слагаемого  $\propto M^3$ . Напротив, для железа в области высоких температур грубо имеем  $M \propto (T_c - T)^{1/4}$ , что указывает на сравнительную малость слагаемого  $a_3M^3$  в (2). Кобальт и никель в этом смысле являются промежуточными между железом и инвариным сплавом. В пределе  $B = 0$  уравнение (2) принимает вид:

$$1 - T/T_c - [A + B(1 - T/T_c)] (M^2/M_0^2) - CM^4/M_0^4 = 0, \quad (3)$$

где  $M_0^2 = -(a_3/2a_5) + [(a_3/2a_5)^2 - a_1/a_5]^{1/2}$  — квадрат плотности намагниченности при  $T = 0$  и  $B = 0$ ; коэффициенты  $A, B, C$  определяются соответствующими коэффициентами формулы (2).

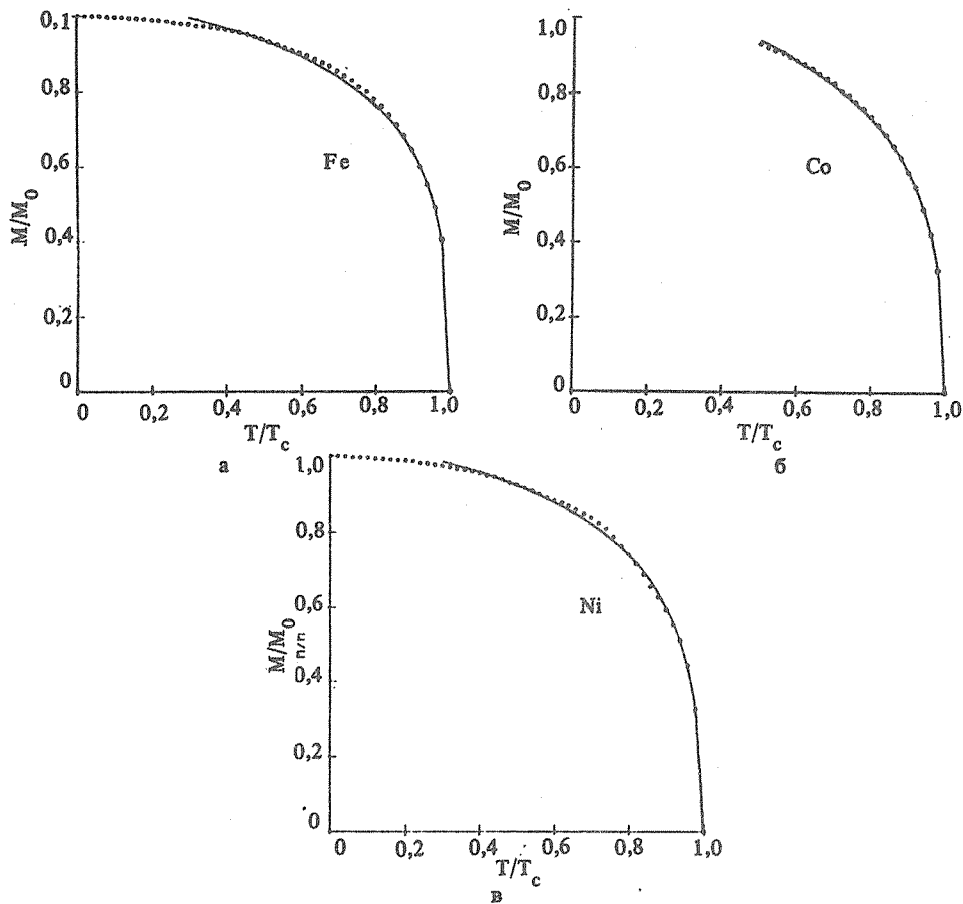


Рис. 1. Сравнение температурных зависимостей намагничения для железа (а), кобальта (б) и никеля (в), построенных по формуле (3), с экспериментальными данными /8/ (точки).

На рис. 1 дано сравнение экспериментальных данных /8/ с теоретическими кривыми, построенными по формуле (3), в которой соответственно коэффициенты А, В, С для железа, кобальта и никеля равны (0,071, 0,516, 0,273), (0,150, 0,265, 0,315) и (0,148, 0,555, 0,184). Линейный температурный закон формулы (3) реализуется при температуре ненамного меньшей температуры Дебая. Поэтому в области низких температур формула (3) с экспериментом не согласуется. Оценки величин  $M_0$  и  $T_c$  для Fe, Co и Ni не противоречат эксперименту, а вытекающая из уравнения (2) температурная зависимость магнитной восприимчивости при  $T > T_c$  следует закону Кюри-Вейсса, имеющему место в этих металлах /3/.

В заключение отметим, что область низких температур  $0 \leq T < 0,5T_c$ , где вместо (3) для железа и никеля имеет место квадратичный закон изменения намагниченности с температурой /9/, мы предлагаем интерпретировать на основе теории парамагнетонных флуктуаций, которые могут приводить к зависимости  $\propto T^2$  при достаточно низких температурах  $T < T_c(\kappa T_c/\epsilon_F)$  /5, 10/. Новым в отношении этой области в данном рассмотрении является существенное расширение применимости результата магнито-флуктуационного подхода на больший температурный интервал  $0 \leq T < T_c\sqrt{\kappa T_c/\epsilon_F}$ , благодаря новой зависимости температуры Кюри  $\kappa T_c \propto \epsilon_F |1 + 2\psi|$  от параметра обменного взаимодействия /1/.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. З в е р е в В. М., С и л и н В. П. Письма в ЖЭТФ, 45, 178 (1987); ЖЭТФ, 93, 709 (1987); Краткие сообщения по физике ФИАН, № 2, 48 (1987).
2. I r k h i n Yu. P., R o s e n f e l d E. W. JMMM, 51, 165 (1985).
3. S h i m i z u M. Rept. Prog. Phys., 44, 329 (1981).
4. H e r t z J. A., K l e n i n M. A. Phys. Rev. B, 10, 1084 (1974).
5. T a k a h a s h i Y., M o r i y a T. J. Phys. Soc. Jap., 46, 1451 (1979).
6. Л а н д а у Л. Д., Л и ф ш и ц Е. М. Статистическая физика, ч. I, М., Наука, 1976, с. 224—226.
7. П о н о м а р е в Б. К., Т и с с е н В. Г. ЖЭТФ, 73, 332 (1977).
8. C r a n g l e J., G o o d m a n G. M. Proc. Roy. Soc., A321, 477 (1971).
9. S h l o s s e r W. F. Phys. Lett., 40A, 195 (1972).
10. Д з я л о ш и н с к и й И. Е., К о н д р а т е н к о П. С. ЖЭТФ, 70, 1987 (1976).

Поступила в редакцию 19 мая 1988 г.