

ВЛИЯНИЕ ГРАНИЦ ЗОНЫ БРИЛЛЮЭНА НА КУЛОНОВСКОЕ
ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ В СВЕРХПРОВОДНИКАХ

О. В. Долгов, В. С. Караханов

УДК 537.312.62

Исследовано влияние брэгговских плоскостей на кулоновскую константу связи μ . Показано, что величина μ возрастает по сравнению с изотропным случаем в металлах с поверхностью Ферми, лежащей в первой зоне Бриллюэна, и уменьшается в поливалентных металлах. Эффект усиливается с увеличением электрон-ионного потенциала.

Обычно при вычислении кулоновской константы связи, входящей в выражение для критической температуры сверхпроводящего перехода T_c , рассматривается приближение свободных электронов. Это приближение несправедливо для поливалентных металлов, ферми-поверхность которых не лежит в первой зоне Бриллюэна. В данной работе мы рассмотрим влияние двух параллельных брэгговских плоскостей, разделенных вектором обратной решетки \vec{Q} .

Кулоновская константа связи представляется в виде (см. /1/)

$$\mu = N(0)\langle V \rangle. \quad (1)$$

Здесь

$$N(0) = \int \frac{d^3k}{(2\pi)^3} \delta(\epsilon_{\vec{k}} - \epsilon_F) \quad (2)$$

электронная плотность состояний,

$$\langle V \rangle = \frac{1}{(N(0))^2} \iint \frac{d^3k}{(2\pi)^3} \frac{d^3k'}{(2\pi)^3} V_{\vec{k}\vec{k}'} \delta(\epsilon_{\vec{k}} - \epsilon_F) \delta(\epsilon_{\vec{k}'} - \epsilon_F) \quad (3)$$

усредненный по поверхности Ферми эффективный потенциал, связанный с экранированным кулоновским взаимодействием между электронами $V_{\text{coul}}(\vec{k}, \vec{k}', \omega)$ соотношением /2/:

$$V_{\vec{k}\vec{k}^*} = \left[\int d^3r d^3r' \chi_{\vec{k}}^*(\vec{r}) \chi_{\vec{k}^*}(\vec{r}') V_{\text{coul}}(\vec{r}, \vec{r}', 0) \chi_{\vec{k}^*}(\vec{r}) \chi_{\vec{k}}(\vec{r}') \right], \quad (4)$$

$\chi_{\vec{k}}(\vec{r})$ - одноэлектронные волновые функции.

В приближении свободных электронов имеем /1/:

$$\mu = (\alpha/2) \ln(1/\alpha + 1), \quad (5)$$

где $\alpha = (me^2/\mu_{\text{D.F.}})$ (Здесь и далее для простоты экранированное взаимодействие рассматривается в приближении Томаса-Ферми $V_{\text{coul}}(\vec{k}, \vec{k}^*) = 4\pi e^2 / (|\vec{k} - \vec{k}^*|^2 + x^2)$, где x - обратный радиус дебаевского экранирования).

При наличии брэгговского отражения блоховскую волновую функцию электронов можно представить в виде суммы двух плоских волн /3/

$$\chi_{\vec{k}}(\vec{r}) = \alpha_{\vec{k}, \vec{Q}} \exp(i\vec{k}\vec{r}) + \beta_{\vec{k}, \vec{Q}} \exp[i(\vec{k} - \vec{Q})\vec{r}], \quad (6)$$

где \vec{k} - импульс в расширенной зоне Бриллюэна. Коэффициенты $\alpha_{\vec{k}, \vec{Q}}$ и $\beta_{\vec{k}, \vec{Q}}$ определяются системой уравнений:

$$\begin{cases} \left(\frac{k_{\perp}^2 + k_z^2}{2m} - \varepsilon_{\vec{k}} \right) \alpha_{\vec{k}, \vec{Q}} + \Phi(\vec{Q}) \beta_{\vec{k}, \vec{Q}} = 0, \\ \Phi(\vec{Q}) \alpha_{\vec{k}, \vec{Q}} + \left(\frac{k_{\perp}^2 + (k_z - Q)^2}{2m} - \varepsilon_{\vec{k}} \right) \beta_{\vec{k}, \vec{Q}} = 0. \end{cases} \quad (7)$$

Здесь k_{\perp} и k_z - перпендикулярная и параллельная \vec{Q} проекции импульса \vec{k} , $\varepsilon_{\vec{k}}$ - энергия электрона с импульсом \vec{k} , $\Phi(\vec{Q})$ - электрон-ионный потенциал.

Подставляя (6) в (4), получаем, что кроме членов вида

$$|\alpha_{\vec{k}, \vec{Q}} \alpha_{\vec{k}^*, -\vec{Q}} + \beta_{\vec{k}, \vec{Q}} \beta_{\vec{k}^*, -\vec{Q}}|^2 4\pi e^2 / (|\vec{k} - \vec{k}^*|^2 + x^2),$$

существующих и в изотропном случае (и дающих наибольший вклад при совпадающих \vec{k} и \vec{k}^*), появляются дополнительные слагаемые вида:

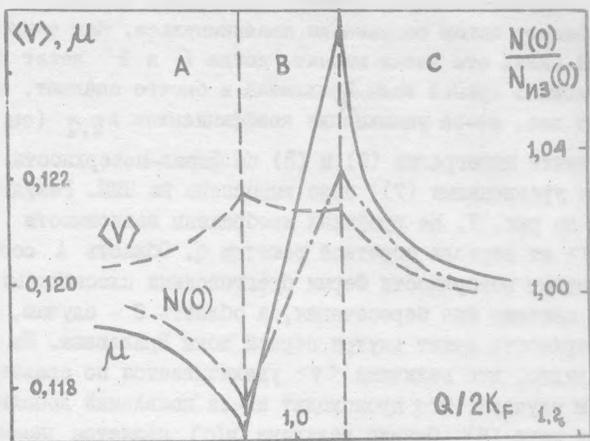
$$|\alpha_{\vec{k}^*, -\vec{Q}} \beta_{\vec{k}, -\vec{Q}} + \alpha_{\vec{k}, -\vec{Q}} \beta_{\vec{k}^*, -\vec{Q}}|^2 4\pi e^2 / (|\vec{k}^* - \vec{k} - \vec{Q}|^2 + x^2). \quad (8)$$

Эти члены получаются из-за отличия блоховских функций от плоских волн и выражают закон сохранения квазиимпульса. Как видно из (8), наибольший вклад эти члены вносят, когда \vec{k} и \vec{k}' лежат вблизи противоположных граней зоны Бриллюэна и быстро спадают, если мы отходим от нее, из-за уменьшения коэффициентов $P_{E,Q}$ (см. (7)).

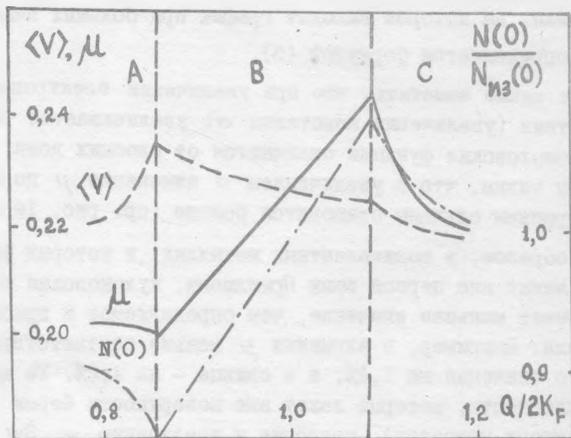
Вычисление интегралов (2) и (3) по ферми-поверхности, определяющейся уравнениями (7), было выполнено на ЭВМ. Результаты приведены на рис. 1. На графиках изображены зависимости μ , $N(0)$ и $\langle V \rangle$ от периода обратной решетки Q . Область А соответствует пересечению поверхности Ферми брэгговскими плоскостями, область В - касанию без пересечения, а область С - случай, когда ферми-поверхность лежит внутри первой зоны Бриллюэна. Из этих графиков видно, что величина $\langle V \rangle$ увеличивается по сравнению с изотропным случаем. Это происходит из-за появления дополнительных членов вида (8). Однако величина $N(0)$ является немонотонной функцией Q . Поэтому кулоновская константа связи μ при $|Q| \geq 2k_F$ оказывается больше, а при $|Q| \leq 2k_F$ меньше изотропного значения, на которое выходит график при больших значениях Q , и которое определяется формулой (5).

Следует также заметить, что при увеличении электрон-ионного взаимодействия (увеличении константы α) увеличивается область, в которой блоховские функции отличаются от плоских волн. В результате мы видим, что с увеличением α изменение μ по сравнению с изотропным случаем становится больше (ср. рис. 1а и 1б).

Таким образом, в поливалентных металлах, в которых ферми-поверхность лежит вне первой зоны Бриллюэна, кулоновская константа связи μ имеет меньшее значение, чем определяемое в приближении плоских волн. Например, в алюминии μ меньше соответствующего изотропного значения на 1,4%, а в свинце - на 4,2%. Те же брэгговские плоскости, которые лежат вне поверхности Ферми (например, в одновалентных металлах), приводят к увеличению μ . Это означает, что существует корреляция между критической температурой T_c и брэгговскими плоскостями (см. /4/), однако для определения этой зависимости необходимо исследовать поведение фононной константы λ , у которой также можно ожидать немонотонной зависимости от вектора обратной решетки, аналогичной поведению кулоновской константы.



а



б

Р и с. 1. Зависимость кулоновской константы связи μ взаимодействия, усредненного по поверхности Ферми, $\langle V \rangle$ и плотности состояний $N(0)$ от вектора обратной решетки \vec{Q} : а) $\alpha = 0,1$; б) $\alpha = 0,3$

Авторы благодарят Д. А. Киржица и Е. Г. Максимова за интерес к работе и обсуждения результатов.

Поступила в редакцию
2 июня 1978 г.

Л и т е р а т у р а

1. Проблема высокотемпературной сверхпроводимости, под ред. В. Л. Гинзбурга и Д. А. Киржица, "Наука", М., 1977 г.
2. О. В. Долгов, Препринт ФИАН № 92, 1977 г.
3. У. Харрисон, Псевдопотенциалы в теории металлов, "Мир", М., 1968 г.
4. А. И. Головашкин, И. С. Левченко, Г. П. Мотулевич, Препринт ФИАН № 166, 1969 г.