

## БРЕГГОВСКИЕ МЕЖЗОННЫЕ ПЕРЕХОДЫ И ПОГЛОЩАТЕЛЬНАЯ СПОСОБНОСТЬ МЕТАЛЛОВ

А. И. Головашкин, В. Н. Новиков

В последнее время была развита картина межзонных переходов вблизи брэгговских плоскостей и предложен оптический метод определения фурье-компонент псевдопотенциала  $v_g$  металлов<sup>1-6</sup>. Наличие брэгговских межзонных переходов приводит к появлению максимумов на кривых  $\sigma(\omega)$ , причем положение этих максимумов позволяет определить величины  $v_g$  ( $\omega$ -частота света,  $\sigma$ - межзональная проводимость)<sup>5-6</sup>. Для получения  $\sigma$  необходимо измерять обе оптические постоянные металла в широком спектральном интервале.

В настоящем сообщении мы хотим обратить внимание на то, что при наличии в металле брэгговских межзонных переходов появляются максимумы на частотной зависимости поглощательной способности  $A$  (минимумы для отражательной способности  $R$ ), положение которых достаточно близко к частотам, соответствующим удвоенным значениям  $|v_g|$ . Это позволяет находить значения  $v_g$  и в тех случаях, когда известна лишь одна характеристика оптических свойств металла – поглощательная или отражательная способность.

Поглощательная способность достаточно толстого слоя металла

$$A = 1 - R = \frac{4n}{(n + 1)^2 + 2^2} = \frac{2\sqrt{2} \sqrt{\epsilon + \epsilon_r}}{1 + \epsilon + \sqrt{2} \sqrt{\epsilon + \epsilon_r}}. \quad (1)$$

Здесь  $n' = n - i\alpha$  – комплексный показатель преломле-

ния,  $\epsilon' = (\mu')^2 = \epsilon_1 - i\epsilon_2$  - комплексная диэлектрическая постоянная,  $\epsilon = \sqrt{\epsilon_1^2 + \epsilon_2^2}$ . При наличии вклада в  $\epsilon'$  как от электронов проводимости, так и от электронов, участвующих в брэгговских межзонных переходах,

$$\left. \begin{aligned} \epsilon_1 &= 1 + \epsilon_{1e} + \epsilon_{1g} \\ \epsilon_2 &= \epsilon_{2e} + \epsilon_{2g} \end{aligned} \right\} \quad (2)$$

Здесь индекс "е" относится к электронам проводимости, индекс "г" к межзонным переходам.

Для достаточно низких частот  $\omega \ll \omega_g$  ( $\omega_g = 2|v_g|/\hbar$ ,  $\hbar$  - постоянная Планка), когда можно пренебречь вкладом межзонных переходов в  $\epsilon'$ ,  $A \approx 2\sqrt{2} \sqrt{\epsilon_1^2 + \epsilon_{1e}^2}/\epsilon_1 \approx 2\nu/\sqrt{4\pi e^2 N/m}$ . Здесь  $e$  и  $m$  - заряд и масса свободного электрона,  $N$  - концентрация электронов проводимости,  $\nu$  - эффективная частота соударений для электронов проводимости,  $\epsilon_e = \sqrt{\epsilon_{1e}^2 + \epsilon_{2e}^2}$ . При типичных значениях<sup>7</sup>  $N = 4 \cdot 10^{22} \text{ см}^{-3}$ ,  $\nu = 3 \cdot 10^{14} \text{ сек}^{-1}$  получим  $A \approx 0,05$ .

В области частот  $\omega \approx \omega_g$ , где величина  $\epsilon_{2g}$  достигает максимума<sup>5</sup>, для достаточно сильной полосы межзонного перехода  $A \approx 2\sqrt{2}/\epsilon_{2g}$ . При  $\epsilon_{2g} \approx 30$  величина  $A \approx 0,5$ , т.е. поглощается до 50% энергии света, падающего на металл. При  $\omega > \omega_g$  вновь повышается роль электронов проводимости, что приводит к уменьшению  $A$ . Таким образом, в области  $\omega \sim \omega_g$  появляется максимум на кривой  $A(\omega)$ , связанный с увеличением вероятности поглощения кванта света.

Используя модель межзонных переходов, развитую в<sup>5</sup>, были рассчитаны зависимости  $A(\omega)$  для различных исходных параметров. На рис. 1 показаны примеры зависимостей  $A(\omega)$  для условий, близких к условиям в  $Pb$  или  $In$  при комнатной температуре<sup>8-9</sup>. Верхняя кривая соответствует "сильной" полосе межзонного перехода (такой переход в указанных металлах происходит вблизи плоскостей {111}). Нижняя

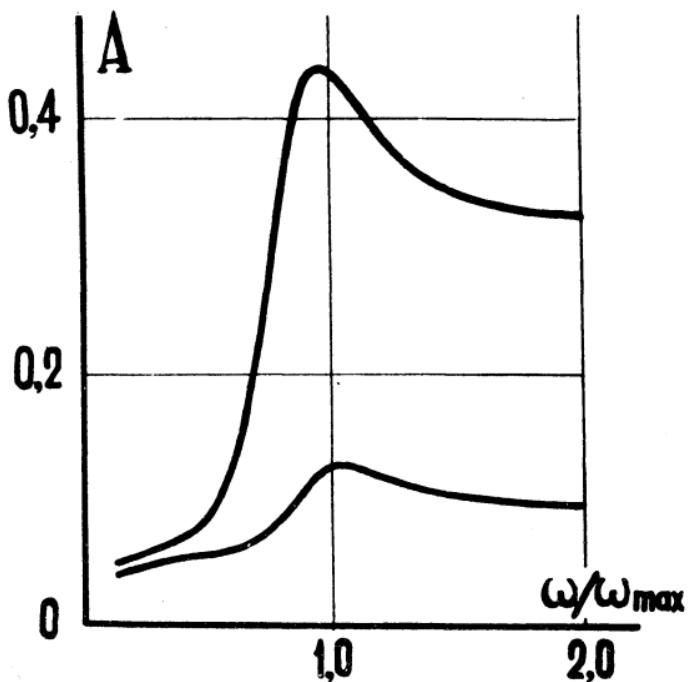
кривая соответствует "слабой" полосе межзонного перехода (типа перехода вблизи плоскостей {200} Рв). Видно, что четкий максимум А вблизи  $\omega = \omega_0$ , наблюдается даже при относительно широких полосах межзонного поглощения, соответствующих вышеуказанным условиям. Пример экспериментальной кривой приведен на рис. 2 (Рв, Т = 4,2°К)<sup>8</sup>.

При расчетах А варьировались в широких пределах, отвечающих реальным условиям в металлах и сплавах, параметры электронов проводимости  $N$  и  $v'$ , а также параметры межзонных переходов, в частности,  $\omega_0$  и  $v_0$ .

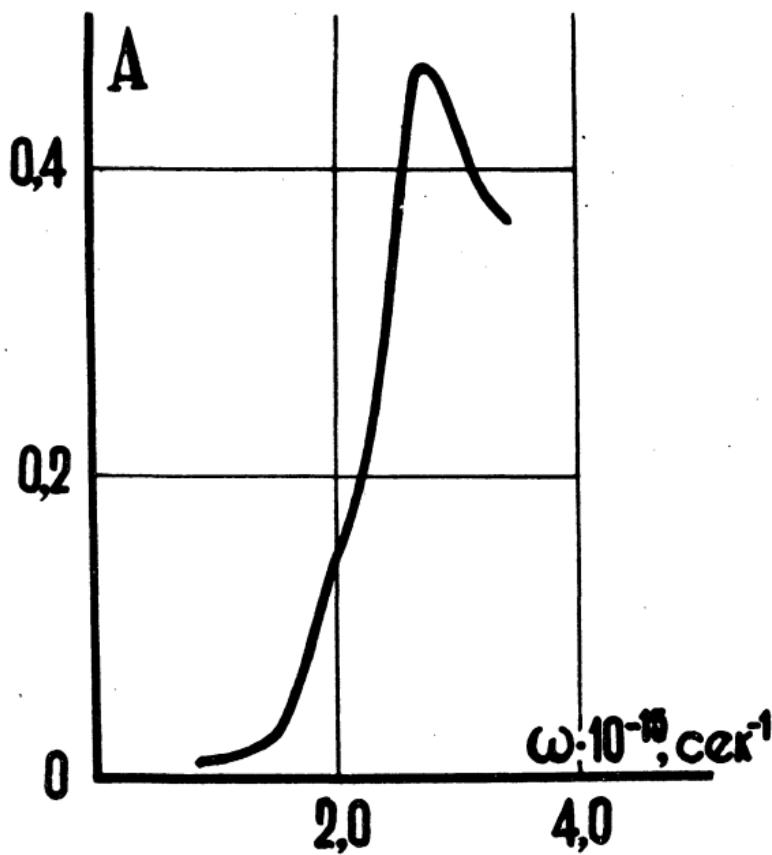
Здесь  $v_0$  - частота соударений для электронов, участвующих в межзонных переходах. Найдено, что частота, соответствующая максимуму поглощательной способности,  $\omega_0$ , практически во всех важных случаях близка к частоте  $\omega_0$ , т.е.  $|v_0| = \hbar\omega_0/\alpha/2$ , где коэффициент  $\alpha \approx 1$  и в указанных случаях не отличается от единицы более, чем на 15-20%. Для узких полос межзонных переходов ( $v' \sim 0,1 - 0,15$ )  $\alpha \approx 1,05 - 1,1$  для широких ( $v' \sim 0,4 - 0,5$ )  $\alpha \approx 0,8 - 1,0$ ; здесь  $v' = v_0/\omega_0$ . При еще более широких полосах межзонных переходов максимум А расплывается, однако и в этих случаях остается довольно резкий переход от значений А, соответствующих электронам проводимости, до значений А в области межзонных переходов<sup>\*</sup>).

---

\* ) При некоторых наборах параметров максимум А оказывается смещенным в длинноволновую область больше, чем указано в тексте. Это обстоятельство связано с тем, что вклад от брэгговских межзонных переходов в  $\epsilon$ , начинает превышать в этой области вклад от электронов проводимости и  $\epsilon$ , становится больше нуля. Нам не известны такие случаи у реальных металлов. Если, однако, такая ситуация осуществляется (например, в ультрафиолетовой области спектра), положение и полуширина максимума А будут определяться в значительной степени величиной того интервала частот, где  $\epsilon > 0$ .



Р и с. 1. Зависимость поглощательной способности  $A$  от  $\omega$  при наличии береговых межзонных переходов.



Р и с. 2. Экспериментальная зависимость  $A(\omega)$  для Рв<sub>8</sub> (гелиевая температура).

Таким образом, в первом приближении величина фурье-компоненты псевдопотенциала может быть найдена просто по положению максимума на кривой  $A(\omega)$ .

Как показывают проведенные расчеты, величина  $v_g$  может быть оценена по форме кривой  $A(\omega)$ . Она приблизительно равна разности частот, соответствующих максимуму кривой и точке на половине высоты ее левого (низкочастотного) края.

Точность, с которой можно определить  $v_g$  и  $v_s$ , описанным способом, достаточна для многих целей. В частности, расхождение между значениями  $v_g$ , полученными различными экспериментальными методами<sup>6</sup>, во многих случаях существенно превосходит неопределенность указанного метода.

Описанным способом были определены следующие значения  $v_g$  для достаточно хорошо выделенных полос поглощательной способности:

Металл	Индекс брэгговской плоскости	Т°К	$v_g$ , эв		Ссылка
			По А	по б <sub>6</sub>	
Pb	{111}	4,2	0,94	0,97	8
- " -	- " -	293	1,0	0,96	8
Al	{200}	295	0,78	0,70	10
Nb	{110}	4,2	1,0	1,02	11

Следует отметить возможность определения величин  $v_g$  и  $v_s$  по пропусканию металлических пленок. Величина пропускания Т металлической пленки толщиной  $d$  в пренебрежении многократными отражениями

$$T = \left[ \frac{4n}{(n+1)^2 + \chi^2} \right]^{\frac{d}{\lambda}} e^{-\alpha d}, \quad (3)$$

и так же отражает особенности, связанные с наличием межзонных переходов. Здесь  $k = z\omega/c$ ,  $c$  — скорость света.

В заключение выражаем благодарность Г. П. Мотулевич за обсуждение настоящей работы.

Поступила в редакцию  
25 марта 1970 г.

### Л и т е р а т у р а

1. Головашкин А. И., Левченко И. С., Мотулевич Г. П., Шубин А. А. ЖЭТФ 51, 1622 (1966); Препринт ФИАН, 1966 г.
2. Harrison W. A., Phys. Rev., 147, 467 (1966).
3. Головашкин А. И., Копелиович А. И., Мотулевич Г. П., Письма ЖЭТФ, 6, 651 (1967); ЖЭТФ 53, 2053 (1967); Препринт ФИАН № 88, 1967 г.
4. Jones D., Lettington A. H., Proc. Phys. Soc. 92, 948 (1967).
5. Головашкин А. И., Мотулевич Г. П. ЖЭТФ, 57, 1058 (1969); Препринт ФИАН № 76, 1969.
6. Головашкин А. И., Мотулевич Г. П. Сборник "Краткие сообщения по физике" № 2, 69 (1970).
7. Мотулевич Г. П., УФН 97, 211 (1969).
8. Голсвашкин А. И., Мотулевич Г. П. ЖЭТФ 53, 1526 (1967), Препринт ФИАН № 113, 1967.
9. Головашкин А. И., Левченко И. С., Мотулевич Г. П., Шубин А. А., ЖЭТФ 51, 1622 (1966); Препринт ФИАН, 1966 г.
10. Шкляревский И. Н., Яровая Р. Г., Оптика и спектроскопия 16, 85 (1964).
11. Головашкин А. И., Лексина И. Е., Мотулевич Г. П., Шубин А. А. ЖЭТФ 56, 51 (1969). Препринт ФИАН № 181, 1968.